

www.npr.ac.cn Nuclear Physics Review

W W

Started in 1984

原子核巨单极共振的统一描述与核物质不可压缩系数

牛一斐 李征征

Unified Description of Nuclear Giant Monopole Resonances and Nuclear Matter Incompressibility

NIU Yifei, LI Zhengzheng

在线阅读 View online: https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC65

引用格式:

牛一斐, 李征征. 原子核巨单极共振的统一描述与核物质不可压缩系数[J]. 原子核物理评论, 2024, 41(1):117-126. doi: 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC65

NIU Yifei, LI Zhengzheng. Unified Description of Nuclear Giant Monopole Resonances and Nuclear Matter Incompressibility[J]. Nuclear Physics Review, 2024, 41(1):117–126. doi: 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC65

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

利用深度学习方法研究核物质状态方程

Using Deep Learning to Study the Equation of State of Nuclear Matter 原子核物理评论. 2020, 37(4): 825-832 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.37.2020017

深度学习在核物理中的应用

Deep Learning for Nuclear Physics 原子核物理评论. 2020, 37(3): 720-726 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.37.2019CNPC41

原子核Gamow-Teller共振和β衰变寿命的超越平均场描述

Beyond Mean-field Description of Nuclear Gamow-Teller Resonance and β-decay Half-lives 原子核物理评论. 2020, 37(3): 382-390 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.37.2019CNPC57

利用改进的pn-QRPA模型研究等待点原子核的β衰变性质

β -decay Properties of Waiting-point Nuclei in an Improved pn-QRPA Model 原子核物理评论. 2021, 38(4): 361–367 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.38.2021076

中子星可观测量与不同密度段核物质状态方程的关联

Correlation Between Neutron Star Observation and Equation of State of Nuclear Matter at Different Densities 原子核物理评论. 2021, 38(2): 123–128 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.38.2021019

基于统一方法描述原子核的alpha衰变、结团放射性和冷裂变

Unified Description of the Competition Between α Decay, Cluster Radioactivity and Cold Fission 原子核物理评论. 2023, 40(3): 348-355 https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.40.2022004

文章编号: 1007-4627(2024)01-0117-10

编辑推荐

原子核巨单极共振的统一描述与核物质不可压缩系数

牛一斐1,2, 李征征1,2

(1.兰州大学核科学与技术学院,兰州 730000;2.兰州大学稀有同位素前沿科学中心,兰州 730000)

摘要:原子核同位旋标量巨单极共振 (ISGMR)的研究是约束核物质不可压缩系数 K_{∞} 的重要途径,对理解核 天体物理现象提供了重要的信息。目前 ISGMR 研究中存在的一个重要问题是 Sn 和 Pb 中 ISGMR 不能够同时 描述,即"为什么 Sn 同位素给出的状态方程这么软",它阻碍了核物质不可压缩系数 K_{∞} 的精确约束。本文介 绍原子核巨共振研究中常用的准粒子无规相位近似 (QRPA) 理论,和基于 QRPA 理论的自洽准粒子振动耦合 (QPVC) 理论,综述了基于 QRPA 理论和 QRPA+QPVC 理论对这一问题的研究现状,重点综述了 QPVC 效应 对实现 ISGMR 统一描述的重要作用:通过考虑 QPVC 效应,能够实现对 Sn 和 Pb 同位素中 ISGMR 的统一描述,解决了"为什么 Sn 同位素给出的状态方程这么软"的问题,约束了核物质不可压缩系数 K_{∞} 。基于自洽的 QPVC 理论,还进一步研究了丰中子 Sn 同位素 ^{134,140}Sn 的电单极激发强度分布。

关键词: 原子核同位旋标量巨单极共振; 核物质状态方程; 准粒子无规相位近似; 准粒子振动耦合效应 中图分类号: O571.53 文献标志码: A DOI: 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC65

0 引言

核物质是由质子和中子组成并忽略库仑相互作用的 均匀无限大体系,是核物理和核天体物理研究中的重要 理想体系。核物质的每核子能量随着温度和密度的演化 又称为核物质状态方程(EoS),它对于研究原子核结构、 描述重离子碰撞过程、理解核天体物理现象具有重要的 意义^[1-4]。在零温下,核物质状态方程可以写为密度 ρ 和局域不对称度 $\delta = (\rho_n - \rho_p)/\rho$ 的函数,分别在饱和密 度($\rho = \rho_0$)处和对称核物质($\delta = 0$)处做泰勒展开,可 得到如下方程:

$$E(\rho,\delta) = E_0 + \frac{1}{2}K_{\infty}\left(\frac{\rho - \rho_0}{3\rho_0}\right)^2 + \dots + S(\rho)\delta^2 + \dots, \quad (1)$$

其中: ρ_0 为核物质饱和密度; E_0 为饱和密度处对称核物质的每核子能量,约为-16 MeV^[5]。 $S(\rho)$ 为对称能,其约束一直是开放性难题,相关讨论可参考文献[1,3,6]。 K_{∞} 称为核物质不可压缩系数,是核物质状态方程的关键参数,然而对于它的约束目前尚存在矛盾。

原子核同位旋标量巨单极共振(ISGMR),又称为 "呼吸模式",表现为质子和中子在径向方向的同相位小 振幅振动,因此反映了核物质的不可压缩特性^[7–9]。 其能量 E_{ISGMR} 与原子核的压缩模量 K_A 满足 $E_{ISGMR} \propto \sqrt{K_A}$ ^[10]。研究发现,对于中等质量核或者重核,满足 $K_A \propto K_\infty$ ^[11–12],因此 $E_{ISGMR} \propto \sqrt{K_\infty}$ 。实验上通过对 ISGMR 强度分布进行测量,可以对核物质不可压缩系 数给出有效的约束^[12–13]。

实验上,原子核的ISGMR强度分布一般通过小角 度同位旋标量粒子非弹性散射结合多级分解分析得到^[9]。 目前, RCNP (Research Center for Nuclear Physics, Osaka University) 和 TAMU (Texas A&M University) 对 A = 16~ 208约40个核素的 ISGMR 进行了测量。利用²⁰⁸Pb^[14-18] 和⁹⁰Zr^[18-20]的测量结果,可以得到核物质不可压缩系 数为 K_{∞} = (240±20) MeV^[9]。然而, ¹¹²⁻¹²⁴Sn 同位素链 的测量结果则表明:能够重现²⁰⁸Pb和⁹⁰Zr ISGMR 能量 的理论模型往往高估 Sn 同位素 ISGMR 能量约 1 MeV。 因此,若采用实验测量的 Sn 同位素 ISGMR 能量约束不 可压缩系数,得到的核物质不可压缩系数比²⁰⁸Pb给出 的约小30 MeV,即"为什么Sn同位素给出的状态方程 这么软"这一著名迷题^[21-22]。之后,在^{106,110-116}Cd^[23] 和⁹⁴⁻¹⁰⁰Mo^[24]同位素中也发现了状态方程较"软"的 问题。如何实现不同原子核 ISGMR 的统一描述,从而 得到统一的不可压缩系数是一个亟待解决的重要问题。

收稿日期: 2023-08-31; 修改日期: 2024-02-25

基金项目:国家重点研发计划青年科学家项目(2021YFA1601500);国家自然科学基金资助项目(12075104) 作者简介:牛一斐(1986-),女,河南许昌人,教授,博士,从事原子核物理研究;E-mail:niuyf@lzu.edu.en

本文对球形核中该问题的研究进展进行了综述。在 第1节中对描述巨共振的常用微观理论模型进行介绍, 包括准粒子无规相位近似理论和准粒子振动耦合理论。 在第2节中,综述了基于准粒子无规相位近似理论对这 一问题的研究。在第3节中,综述了考虑更高阶多体关 联后,利用准粒子振动耦合模型对这一问题的研究进展。 在第4节中,利用准粒子振动耦合理论研究了丰中子 Sn 同位素的电单极激发强度分布。最后给出了总结与展望。

1 理论框架

1.1 准粒子无规相位近似(QRPA)理论

在QRPA理论中,巨共振被视为两准粒子产生、湮 灭的相干叠加,相应的产生算符为

$$Q_n^{\dagger} = \sum_{a < b} X_{ab}^{(n)} \beta_a^{\dagger} \beta_b^{\dagger} - Y_{ab}^{(n)} \beta_b \beta_a, \qquad (2)$$

其中 $\beta^{\dagger}(\beta)$ 为准粒子a,b的产生(湮灭)算符, $X_{ab}^{(n)},Y_{ab}^{(n)}$ 为本征态n相应的跃迁振幅。根据运动方程的思想^[25],可以得到QRPA方程

$$\sum_{a' < b'} \begin{pmatrix} A_{ab,a'b'} & B_{ab,a'b'} \\ -B^*_{ab,a'b'} & -A^*_{ab,a'b'} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X^{(n)}_{a'b'} \\ Y^{(n)}_{a'b'} \end{pmatrix} = E_n \begin{pmatrix} X^{(n)}_{ab} \\ Y^{(n)}_{ab} \end{pmatrix}, \quad (3)$$

其中 E_n 为相对于基态的激发能,矩阵元A,B的详细形 式见文献 [26-27]。由于粒子数守恒破缺,QRPA方程 的解 $|n'\rangle$ 会存在假态,可以通过假态 $|s\rangle$ 与物理态的正交 性,得到去除假态后的真实物理态波函数 $|n\rangle$ ^[28],

$$|n\rangle = |n'\rangle - \alpha |s\rangle, \tag{4}$$

其中 $|s\rangle$ 为假态,正比于 $\langle ab|\hat{N}|0\rangle$, \hat{N} 为粒子数算符, $|0\rangle$ 为基态, α 通过正交关系 $\langle n|\hat{N}|0\rangle = 0$ 得到。

基态 |0> 到激发态 |n> 的跃迁强度通过

$$B_n = \left| \langle n || \hat{F} || 0 \rangle \right|^2 \tag{5}$$

给出。对于 ISGMR, 跃迁算符为 $\hat{F} = \sum_{i=1}^{A} r_i^2$ 。由于 QRPA 给出的强度为分立的跃迁强度,为了与实验进行比较, 通常采用 Lorentz 平滑处理。相应的 *k*-阶能量权重的求 和规则为

$$m_k = \sum_n B_n E_n^k \circ \tag{6}$$

1.2 准粒子无规相位近似 (QRPA)+准粒子振动耦合 (QPVC)理论

在QRPA+QPVC理论中,除包含了两准粒子产生、 湮灭的贡献外,还包含了两准粒子与声子态耦合的贡献, 相应的产生算符定义为

$$\mathcal{O}_{\nu}^{\dagger} = \mathcal{Q}_{\nu}^{\dagger} + \sum_{a < b, n} (X_{abn}^{(\nu)} \beta_a^{\dagger} \beta_b^{\dagger} \mathcal{Q}_n^{\dagger} - Y_{abn}^{(\nu)} \mathcal{Q}_n \beta_b \beta_a), \tag{7}$$

其中 Q[†]为QRPA本征态(这里称为声子态)的产生算符, X^(v), Y^(v)为QPVC本征态v相应的跃迁振幅。根据运动 方程的思想^[25],可以得到QRPA+QPVC方程。进一步 将其投影到由QRPA方程本征矢 {*n*,*n*}(其中*n*为负能态 对应的本征矢)为基矢的空间,可以得到QRPA+QPVC 方程为

$$\begin{pmatrix} D + \mathcal{A}_1 & -\mathcal{A}_2 \\ \mathcal{A}_3 & \bar{D} - \mathcal{A}_4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} F^{(\nu)} \\ \bar{F}^{(\nu)} \end{pmatrix} = \left(\Omega_{\nu} - i \frac{\Gamma_{\nu}}{2} \right) \begin{pmatrix} F^{(\nu)} \\ \bar{F}^{(\nu)} \end{pmatrix}, \quad (8)$$

其中D、 \bar{D} 分别为QRPA正、负能本征值构成的对角矩阵, Ω_v 代表QRPA+QPVC方程的本征能量, Γ_v 代表宽度,相应的本征波函数为

$$|\nu\rangle = \sum_{n} F_{n}|n\rangle - \bar{F}_{n}|\bar{n}\rangle.$$
⁽⁹⁾

A_i(*i* = 1, 2, 3, 4) 写为

$$(\mathcal{A}_{i})_{s_{i}s_{i}'} = \sum_{ab,a'b'} X_{ab}^{(s_{i})*} X_{a'b'}^{(s_{i}')} W_{ab,a'b'}(E) + Y_{ab}^{(s_{i})*} Y_{a'b'}^{(s_{i}')} W_{ab,a'b'}^{*}(-E),$$
(10)

对于*i*取不同值时有 $s_1s'_1 = nn'$, $s_2s'_2 = n\bar{n}'$, $s_3s'_3 = \bar{n}n'$, $s_4s'_4 = \bar{n}\bar{n}'$ 。 W(E) 写为

$$W_{ab,a'b'}(E) = \sum_{a_1 < b_1, n} \frac{\langle ab | H | a_1 b_1, n \rangle \langle a_1 b_1, n | H | a'b' \rangle}{E - (E_n + E_{a_1} + E_{b_1}) + i\varepsilon}, \quad (11)$$

其中: H为哈密顿量算符; ε 为一个任意小量,在具体求解过程可取为0.5 MeV; a_1b_1, n 为中间态。

值得注意的是,在密度泛函相互作用拟合时,一般 要求对原子核性质给出最好的描述,因此在参数中已经 隐式包含了一部分来自超越平均场效应的贡献。在 QRPA+QPVC计算时,为了避免重复计算,可以采用 subtraction方法^[29],这种方法进一步保证了方程的稳 定性。

由于 QRPA+QPVC 矩阵为复对称矩阵,其强度函数的定义如下:

$$S(E) = -\frac{1}{\pi} \operatorname{Im} \sum_{\nu} \langle 0|\hat{F}|\nu\rangle^2 \frac{1}{E - \Omega_{\nu} + i\left(\frac{\Gamma_{\nu}}{2} + \eta\right)}, \qquad (12)$$

其中η在计算时可取为0.5 MeV。相应的*k*-阶能量权重的求和规则为

$$m_k = \int_0^\infty S(E) E^k \mathrm{d}E_\circ \tag{13}$$

QRPA理论: Sn 和 Pb 同位素 ISGMR 的 研究

Sn同位素状态方程较"软"这一问题的提出是根据 无规相位近似(RPA)理论,没有考虑对关联效应的影响。 $^{112-124}$ Sn同位素中子数为 62~74,位于幻数 N = 50 和 82之间,因此,在ISGMR的计算中,需要自洽考虑对 关联效应。

文献 [30] 基于非自治 QRPA 理论,利用 δ 对力指出 对关联效应使 Sn 同位素 ISGMR 能量约向低能方向移动 100~150 keV。文献 [28] 利用自洽 QRPA 理论研究了对 关联效应对理解"为什么 Sn 同位素给出的状态方程这么 软"这一问题的作用,如图1所示。以Skyrme相互作用 SkM*^[31]为例,其中黑色方形为实验值^[32],红色圆形 为没有考虑对关联的 RPA 模型计算结果,蓝色菱形为 采用体积对力的QRPA模型计算结果,紫红色五角星为 采用表面对力的QRPA模型计算结果。相关结果取自文 献[28]。从图中可以看出,对于¹¹²⁻¹¹⁸Sn,考虑体积对 力后对 ISGMR 能量的描述略微改善, 但仍然高估实验 值 0.5~0.8 MeV。对于 120-124Sn,考虑体积对力对 IS-GMR 能量的描述没有改善。而考虑表面对力,¹¹²⁻¹²⁰Sn 同位素的ISGMR能量描述得到了大幅度改善,仅略微 高估实验值。然而,对¹²²⁻¹²⁴Sn的描述仅略有改善, 仍严重高估实验值。



图 1 基于 QRPA 模型,采用 Skyrme 相互作用 SkM*,对 关联效应对 Sn 同位素 ISGMR 能量的影响(在线彩图) 其中,黑色方形为实验值^[30],红色圆形为没有考虑对关联的 RPA 模型计算结果,蓝色菱形为采用体积对力的 QRPA 模型计 算结果,紫红色五角星为采用表面对力的 QRPA 模型计算结果。 理论计算结果取自文献[28]。

图 2 给出了 QRPA 理论对¹²⁰Sn 中 ISGMR 强度分布的描述,采用 Skyrme 相互作用 SkM*。其中土黄色叉号为实验结果^[32],黑色虚线为采用体积对力的 QRPA 模型计算结果,黑色实线为采用表面对力的 QRPA 模型计

算结果。相关理论计算结果取自文献[28]。可以发现, ¹²⁰Sn强度函数的实验分布呈现单峰结构,且具有较宽 共振宽度。而QRPA理论仅考虑了两准粒子激发的叠加, 不能够给出巨共振宽度,因此,无法描述实验上宽的共 振峰,并呈现出双峰结构。相比于采用体积对力的结果, 采用表面对力的计算结果显示,第一个峰强度高于第二 个峰,因此对ISGMR中心能量的描述有了大幅度的改 进,但是其强度分布仍与实验结果有较大差别。



图 2 基于 QRPA 模型,采用 Skyrme 相互作用 SkM*,对 ¹²⁰Sn 中 ISGMR 强度分布的描述 (在线彩图) 其中,土黄色叉号为实验结果^[30],黑色虚线为采用体积对力 的 QRPA 模型计算结果,黑色实线为采用表面对力的 QRPA 模 型计算结果。相关结果取自文献 [28]。

文献[33]利用约束的Hartree-Fock-Bogoliubov方法, 以Skymre相互作用SLy4^[34]为例,采用表面对力,也 发现考虑对关联有助于改进Sn同位素给出的状态方程 较"软"。文献[35]基于自洽Hartree-Fock-BCS+QRPA理 论,通过研究不同形式对力对¹⁰⁶⁻¹¹⁶Cd和¹¹²⁻¹²⁴Sn偶 偶核 ISGMR 能量的影响,发现考虑对关联效应后, Skyrme相互作用参数组SkM*能够对Cd和Sn同位素链 给出较好的描述,但相应的不可压缩系数仍然相对较小。 文献[36]利用自洽QRPA理论,采用Skyrme相互作用 参数组SLy4和UNEDF0^[37],计算了整条Sn和Pb同位 素链的偶偶核,分析了可分离对力对这一问题的影响, 发现考虑可分离对力后,仍然高估了Sn同位素的ISGMR 能量。

虽然表面对力有助于部分解释"为什么 Sn 同位素给 出的状态方程这么软"这一问题,然而,能够重现 Pb 同 位素 ISGMR 能量的模型仍然高估了 Sn 同位素的中心能 量。另一方面,目前没有证据表明应该使用表面对力、 体积对力或者其它形式的对力。因此,对关联效应并不 能完全解释这一问题。

另一方面, 文献[38]提出了幻数增强机制来解释这 一问题,并预言:若该机制成立,则²⁰⁸Pb的ISGMR能 量会显著高于其相邻同位素,如^{206,210}Pb。然而,对 Pb同位素链ISGMR的实验测量结果表明,^{206,208,210}Pb 的ISGMR能量十分接近^[14],因此排除了幻数增强机制。 文献[39]通过构建混合模型实现了 Sn同位素 ISGMR强 度分布,然而混合模型却低估了²⁰⁸Pb的 ISGMR能量。 因此,"为什么 Sn同位素给出的状态方程这么软"是一 个令人长期困扰的开放性问题。

超越QRPA理论: Sn和Pb同位素ISGMR 的研究

QRPA理论仅考虑了两准粒子组态的贡献,因此有 其局限性,主要表现在无法描述巨共振的宽度、能谱的 精细结构以及到低激发态的衰变性质等。若要克服这些 问题,需要包含更高阶的组态,如二阶无规相位近似 (SRPA)理论^[40-42]、准粒子振动耦合(QPVC)理论^[43-47] 等。由于两粒子两空穴组态空间非常大,因此 SRPA 理 论计算非常耗时,因此,很难进一步包含对关联效应。 然而,QPVC理论通过考虑两准粒子与声子的耦合来引 入更高阶的关联效应,近似等价地考虑了四准粒子组态 的贡献,计算量相比 SRPA 要小很多,因此,可以在包 含对关联效应的基础上计算从轻到重的原子核。

目前,基于 Skyrme 密度泛函和相对论密度泛函都 发展了自洽的 QRPA+QPVC 理论,并用于原子核巨共 振的计算^[46-47]。探索更高阶多体关联效应对原子核 ISGMR 的影响具有重要意义。

3.1 基于 Skyrme 密度泛函的非自洽 QPVC 理论研究

文献 [48] 利用了基于 Hartree-Fock-BCS 的 QRPA+ QPVC 理论对这一问题进行了探索。研究采用 T5 (K_{∞} = 202 MeV) 和 T6 (K_{∞} = 236 MeV) 两组 Skyrme 参数 ^[49]。 然而,由于 T5 和 T6 均不能够给出与实验相符的声子态 激发能量和跃迁概率,因此,没有采用自洽计算给出声 子态。在声子态的计算中,基于 T5 相互作用,采用了 Landau-Migdal 近似,并调节了相互作用参数以重 2⁺₁、3⁻₁ 的实验值。

图 3 给出了基于 QRPA 和 QRPA+QPVC 理论,采用 Skyrme T5 相互作用,计算得到的 Sn 同位素链 IS-GMR 强度随能量的分布。其中,土黄色叉号为实验结果^[32],黑色虚线表示自洽 QRPA 计算的结果,红色实线为 QRPA+QPVC 计算的结果。QRPA+QPVC 模型中声子态的计算采用了 Landau-Migdal 近似。相关结果取自文献 [48]。从图中可以发现,自洽 QRPA 理论可以对实验值的中心能量给出很好的描述。由于 T5 相互作用的不可压缩系数较小 (*K*∞ = 202 MeV),因此说明了 Sn

同位素状态方程较"软"。另一方面,由于QRPA理论不能给出宽度,其强度函数峰值均高估了实验值约1倍。 在考虑准粒子振动耦合效应后,能够很好地给出IS-GMR宽度。然而,其中心能量基本没有变化,即在非 自洽的QRPA+QPVC理论中,仍然存在Sn同位素链给 出的状态方程较"软"的问题。



图 3 采用 Skyrme T5 相互作用参数,基于 QRPA 和 QRPA+ QPVC 理论计算的 Sn 同位素链 ISGMR 强度分布 (在 线彩图)

其中,土黄色叉号为实验结果^[30],黑色虚线为自洽QRPA计算的结果,红色实线为QRPA+QPVC计算的结果,声子态的计算采用了Landau-Migdal近似。相关结果取自文献[48]。

3.2 基于 Skyrme 密度泛函的自洽 QPVC 理论研究

文献[46]基于 Skyrme Hartree-Fock-Bogoliubov (SH-FB)发展了完全自治的 QRPA+QPVC 理论,并将其应用于原子核 ISGMR 的研究。

图4给出了QRPA和QRPA+QPVC理论计算的²⁰⁸Pb, 1²⁰Sn和⁴⁸Ca中ISGMR强度函数随能量的分布。左图 为采用Skyrme参数组SV-K226^[50]的结果(取自文献[46]), 右图为采用Skyrme参数组KDE0^[51]的结果。总体来看, 考虑QPVC效应后,两种相互作用对⁴⁸Ca,¹²⁰Sn和 ²⁰⁸Pb强度函数的描述均得到了明显改善。在²⁰⁸Pb中, QRPA 理论给出了与实验相符的 ISGMR 能量,然而宽 度略低估实验值。考虑 QPVC 效应后, ISGMR 能量略 微向低能方向移动,并且给出了较大的宽度,与实验更 加符合。在¹²⁰Sn中,实验的强度分布呈现单峰结构, QRPA理论则给出了能量高于实验值的主峰以及能量接 近实验值的小峰。ISGMR中心能量比实验值偏大约 0.8 MeV,即 Sn 同位素链给出的状态方程较"软",与 文献 [21-22] 一致。考虑 QPVC 效应后,给出了与实验 相符的 ISGMR 宽度。更进一步, ISGMR 中心能量也向 低能方向移动了约0.7~0.8 MeV,与实验较为吻合。在 ⁴⁸Ca中,实验上ISGMR强度分布同样呈现具有较大共 振宽度的单峰结构,而QRPA理论则给出多峰结构,并 高估实验能量。考虑 QPVC 效应后,峰的位置向低能方 向移动,位于22 MeV 能量处的峰被很大程度压低,与 实验更为符合。对于⁹⁰Zr,利用 SV-K226 相互作用,同 样很好地重现了 ISGMR 的强度分布^[46]。



图 4 采用 QRPA 和 QRPA+QPVC 理论计算的²⁰⁸Pb, ¹²⁰Sn 和⁴⁸Ca 中 ISGMR 强度分布 (在线彩图)

左图为采用 Skyrme 参数组 SV-K226 的结果(取自文献[46]),右 图为采用 Skyrme 参数组 KDE0 的结果。土黄色叉号为实验值,取自文献[14,30,52]。黑色虚线为 QRPA 的结果,蓝色实线为 QPVC 的结果。

由于不同原子核中均存在 ISGMR 能量与核物质不可压缩系数的关系 $E_{ISGMR} \propto \sqrt{K_{\infty}}$,因此可以推测不同原子核的 ISGMR 能量之间也应存在线性关联,如图 5 所示。图中给出了 ¹²⁰Sn [图 5(a)]、⁴⁸Ca [图 5(b)]中

ISGMR 能量与²⁰⁸Pb ISGMR 能量的关系,取自文献[46]。 其中黑色方形代表QRPA 理论计算的结果,蓝色圆形代表 QRPA+QPVC理论计算的结果,通过最小二乘法给出相 应的回归直线,实验值和其不确定度取自文献[14,32,53]。 采用的 Skyrme 相互作用为 SkP^[54]、SkM*、SV-K226、 KDE0、SV-bas、SV-K241^[50]和SAMi^[55]。从图中可以 看出,在QRPA理论中,不同模型计算的¹²⁰Sn(或⁴⁸Ca) 的 ISGMR 能量与²⁰⁸Pb的 ISGMR 能量之间存在较好的 线性关联。这一线性关联表明 Skyrme 相互作用参数组 的计算结果均应分布在这条线附近。然而,与实验值相 比可以发现,这条线离¹²⁰Sn(或⁴⁸Ca)与²⁰⁸Pb的实验值 交叉点较远,即在QRPA理论中无法同时描述¹²⁰Sn(或 ⁴⁸Ca)与²⁰⁸Pb的ISGMR能量。考虑QPVC效应后,不 同核之间ISGMR能量的线性关联仍然成立。值得注意 的是,包含 QPVC 效应后,线性关联给出的直线向实验 交叉点大幅度移动,几乎穿过了实验交叉点。这说明了 考虑 QPVC 效应后,对¹²⁰Sn 和²⁰⁸Pb ISGMR 能量的同 时描述并非来自个别相互作用的巧合,而是来源于 QPVC所引入的高阶多体关联效应。





其中黑色方形代表QRPA理论计算的结果,蓝色圆形代表QRPA+QPVC理论计算的结果,通过最小二乘法给出了相应的回归直线,实验值和其不确定度取自文献[14,30,53]。

采用相互作用参数组SV-K226,考虑QPVC后,²⁰⁸Pb的ISGMR中心能量降低了约0.4 MeV,¹²⁰Sn的ISGMR中心能量下降了约0.8 MeV,这使得QPVC理论成功实现了对²⁰⁸Pb和¹²⁰Sn的ISGMR能量同时描述。文献[46]进一步分析了在¹²⁰Sn和²⁰⁸Pb中,QPVC效应引起ISGMR能量移动大小不同的原因。在²⁰⁸Pb和¹²⁰Sn中,QRPA计算的跃迁强度分布由少数几个本征态主导,取其强度最高的本征态进行分析。此时QPVC能量*E*满足

$$E_{\text{ORPA}} + \text{Re}\mathcal{A}_1(E) = E, \qquad (14)$$

其中 E_{QRPA} 为待分析的 QRPA本征态,对于 ²⁰⁸Pb为 14.33 MeV,对于 ¹²⁰Sn为 16.88 MeV。Re $A_1(E)$ 表示自 能 $A_1(E)$ 的实部。该方程的解给出了 QPVC 理论中原子 核 ISGMR 的能量 E_{QPVC} ,该能量所对应的自能 $A_1(E_{QPVC})$ 的实部,给出了 QPVC 效应带来的能量移动大小。

图 6 给出了¹²⁰Sn 和²⁰⁸Pb 中 QPVC 方程自能 *A*₁(*E*) 的实部随能量的变化,采用的相互作用为SV-K226,取 自文献 [46]。可以发现,随着能量的增加,自能总体上 有下降的趋势,这是因为一般随着能量的增加,两准粒 子与声子态可能耦合的数目在增加。因此,这意味着在 更高激发能的位置 QPVC 效应一般会引起更大的能量移 动。然而,某些特殊的两准粒子与声子(称之为中间态) 具有很大的自能耦合顶点,在该中间态能量处自能 *A*₁(*E*) 会出现一个类奇点行为(分母趋近于零):它的实 部会有一个迅速的跳跃,导致自能的实部迅速变大,如 图 6 中 17.5~20.0 MeV (²⁰⁸Pb) 能量范围所示。

从图 6 可以发现,对于 120 Sn, ISGMR 能量 E_{OPVC} 出现在类奇点行为之前,而对于 208 Pb, ISGMR 能量



图 6 ¹²⁰Sn 和²⁰⁸Pb 中 QPVC 方程自能 A₁(E) 的实部随能 量的变化,采用的相互作用为SV-K226,取自文献[46]

EQPVC 出现在类奇点行为之后。这导致了 QPVC 效应在 ¹²⁰Sn中引起了较大的移动,而在²⁰⁸Pb中移动则很小。 因此,需要理解中间态能量与 ISGMR 能量的相对位置。 中间态由声子与两准粒子组态组成。这里最为重要的中 间态声子为低激发3⁻声子,它在¹²⁰Sn和²⁰⁸Pb中有相 似的能量,约5 MeV 左右。由于声子为奇宇称态,考 虑到宇称守恒,两准粒子组态也为奇宇称态,即跨壳激 发。对于双幻核(质子数和中子数均为幻数),两准粒子 组态即一粒子一空穴组态,激发能约为一个谐振子壳的 能量 41 $A^{-1/3}$ MeV,因此中间态的总能量为 $E_{doorway}$ = 5+41A^{-1/3} MeV。对于需要考虑对关联的原子核,两准 粒子组态能量还需要考虑拆散配对粒子的能量贡献 2Δ MeV,其中 Δ 为对能隙,因此,中间态的总能量为 $E_{\text{deorway}} = 5 + 41A^{-1/3} + 2\Delta \text{ MeV}$ 。另一方面,原子核ISGMR 能量可以近似为78A^{-1/3} MeV,它和中间态能量的关系 如图7所示。图中给出了 ISGMR 能量 E_{ISGMR} 的经验公 式随质量数A的变化,以及中间态能量 $E_{doorwav}$ 近似公 式在包含和不包含对关联效应时随质量数A的变化,取 自文献[46]。可以发现,在²⁰⁸Pb中, ISGMR 能量高于 中间态能量。由于对能隙的存在,¹²⁰Sn中ISGMR能量 小于中间态能量。因此,¹²⁰Sn中(Q)PVC效应引起的 ISGMR 能量移动要大于²⁰⁸Pb。

在超越平均场层次,零程核力在计算核物质参数时 会出现紫外发散的问题^[56],因此如何准确约束核物质 不可压缩系数目前仍是一个开放性问题。然而,由于采 用了 subtraction 方法,QRPA+QPVC 保证了系统的静态 性质和平均场一致^[29,57],因此核物质不可压缩系数也 应与平均场结果一致。表1中给出了QRPA 理论和QRPA+ QPVC 理论计算的⁴⁸Ca,¹²⁰Sn和²⁰⁸Pb中 ISGMR 能量 与实验数据的偏离[|*E*^{theo.} – *E*^{exp.}_c| MeV],取自文献[46]。 从表中可以看出,在QRPA 理论中,SkP 对⁴⁸Ca 和¹²⁰Sn



图 7 ISGMR 能量 *E*_{ISGMR} 的经验公式随质量数*A*的变化, 和中间态能量 *E*_{doorway} 近似公式在包含和不包含对关 联效应时随质量数*A*的变化,取自文献[46]

自文献[46],实验值取自文献[14, 32, 53])							
	SkP	SkM*	SV-K	KDE0	SV-bas	SV-K	SAMi
K_{∞}	201	217	226	229	233	241	245
(Q)RPA							
⁴⁸ Ca	0.11	0.89	1.09	1.17	1.40	1.70	1.72
¹²⁰ Sn	0.22	0.43	0.78	0.76	1.05	1.31	1.34
²⁰⁸ Pb	0.74	0.14	0.14	0.20	0.37	0.60	0.76
(Q)PVC							
⁴⁸ Ca	0.70	0.25	0.36	0.51	0.67	0.90	1.07
¹²⁰ Sn	0.67	0.14	0.02	0.18	0.36	0.68	0.82
²⁰⁸ Pb	0.94	0.37	0.25	0.06	0.08	0.31	0.48

表1 QRPA 理论和 QRPA+QPVC 理论计算的⁴⁸Ca,¹²⁰Sn 和²⁰⁸Pb 中 ISGMR 能量与实验数据的偏离 [*|E_c^{eve.} – E_c^{exp.}*| MeV](取 自文献 [46],实验值取自文献 [14, 32, 53])

的 ISGMR 能量给出了最好的描述,其不可压缩系数 为 K_{∞} = 201 MeV,但是它却偏离²⁰⁸Pb的 ISGMR 能量 0.74 MeV。SkM*,SV-K226和 KDE0对²⁰⁸Pb提供了较 好的描述,其不可压缩系数为 K_{∞} = 217~229 MeV,而 它们却高估了⁴⁸Ca和¹²⁰Sn的 ISGMR 能量。即 QRPA 理论对核物质不可压缩系数的约束存在矛盾。考虑 QPVC 效应后,SkM*和 SV-K226对⁴⁸Ca提供了较好的 描述,SkM*,SV-K226和 KDE0对¹²⁰Sn提供了较好的 描述,SkM*,SV-K226和 KDE0对¹²⁰Sn提供了较好的 描述。因此,SV-K226和 KDE0对3个核均提供了较好 的描述,其相应的不可压缩系数分别为 K_{∞} = 226 MeV 和 229 MeV。这个结果和之前文献中利用 QRPA 理论 在²⁰⁸Pb中得到的 K_{∞} = (240±20) MeV 相一致。

3.3 基于相对论密度泛函的自洽 QPVC 理论研究

除了非相对论的 Skyrme 密度泛函理论,另一种常用的密度泛函理论为相对论密度泛函理论^[58]。当文献 [46] 出现在预印本文库 (arXiv:2211.01254)之后的 2 个月,文献 [59] (arXiv:2212.14766)采用基于相对论密度泛函的 QRPA+QPVC 理论对 ISGMR 强度函数的分布进行了研究,进一步证实了考虑 QPVC 效应后能够实现²⁰⁸Pb和¹²⁰Sn 的统一描述。

图 8 给出了采用相对论密度泛函 NL3*^[60], QRPA 和 QRPA+QPVC 理论计算的 ²⁰⁸Pb, ¹²⁰Sn 和 ⁹⁰Zr 中同位 旋标量 ISGMR 强度分布。其中, 叉号为实验结果^[61], 黑色虚线表示自治 QRPA 计算的结果, 蓝色实线为 QRPA+QPVC 计算的结果。相关结果取自文献[59]。NL3* 的不可压缩系数 K_{∞} = 258 MeV。从图中可以看出,在 QRPA 理论中,它可以对 ²⁰⁸Pb 的 ISGMR 能量给出与实 验相符的结果。考虑 QPVC 效应后,仍然可以对 ²⁰⁸Pb 的 ISGMR 能量给出较好的描述。对于 ¹²⁰Sn, QRPA 理 论高估了实验 ISGMR 能量,即存在 Sn 同位素链状态方 程较"软"的问题。考虑 QPVC 效应后,可以对¹²⁰Sn的 ISGMR 能量给出较好的描述,说明了 QPVC 效应对 Pb 和 Sn ISGMR 统一描述具有重要作用。进一步,图中给 出了 QRPA 和 QRPA+QPVC 理论对⁹⁰Zr ISGMR 强度分 布的描述。可以发现,QRPA 理论中⁹⁰Zr 出现双峰结构, 考虑 QPVC 效应后,第二个峰和第一个峰距离靠近,几 乎合并成了一个峰,因此与实验上的强度分布较为 一致。

文献 [59] 认为,直接理解 QPVC 效应在 ²⁰⁸Pb 和 ¹²⁰Sn 中带来的 ISGMR 能量的不同移动较为困难。因此, 文献 [59] 以 Ni 同位素链为例,分析了 QPVC 效应在开 壳核与闭壳核中的不同。图 9 给出了采用 NL3*相互作 用 QPVC 效应带来的 Ni 同位素链 ISGMR 能量的移动 *E*^{QRPA} – *E*^{QPVC} 以及实验上第一个 2⁺ 激发能 *E*(2⁺₁)随着质 量数的变化。从图中可以看出,QPVC 效应带来的



图 8 基于 QRPA 和 QRPA+QPVC 理论,采用相对论密 度泛函 NL3*计算的 ²⁰⁸Pb, ¹²⁰Sn 和 ⁹⁰Zr 中 ISGMR 强 度分布 (在线彩图)

其中, 叉号为实验结果^[61], 黑色虚线表示自治QRPA计算的结果, 蓝色实线为QRPA+QPVC计算的结果。相关结果取自文献[59]。

ISGMR 能量的移动 $E^{\text{QRPA}} - E^{\text{QPVC}} 与 E(2_1^+) 有相反的趋势。$ $E(2_1^+) 的减小通常被认为是四极振动集体性增强的体现。$ $因此可以猜测, ISGMR 的能量移动与<math>E(2_1^+)$ 密切相关。 以此类比, ¹²⁰Sn 中 $E(2_1^+) = 1.17$ MeV, 比²⁰⁸Pb $E(2_1^+) =$ 4.09 MeV 小很多,也许导致了 QPVC 效应对二者 ISGMR 能量的影响不同。该机制与文献 [46] 都认为对关联是导 致 QPVC 效应在 ²⁰⁸Pb 和 ¹²⁰Sn 中影响不同的主要原因, 然而文献 [59] 认为对关联主要通过 2_1⁺态能量起贡献, 而文献 [46] 认为 3⁻ 声子的贡献同样重要,而对关联主 要通过对能隙起贡献。



图 9 采用 NL3*相互作用 QPVC 效应带来的 Ni 同位素链中 ISGMR 能量的移动 EQRPA – EQPVC 和实验上第一个2*激发能 E(2⁺₁)随着质量数的变化 (相关结果取自文献[59])

4 丰中子 Sn 同位素 ISGMR 的预测

丰中子原子核由于具有较大的中质比,往往表现出 不同于β-稳定线附近原子核的性质,比如新的激发模 式的出现^[27,62-63],因此对丰中子原子核的研究具有重 要的意义。SV-K226和 KDE0的不可压缩系数分别为 226 MeV和 229 MeV,基于 QRPA+QPVC理论,它们 对β-稳定线附近的 Sn和Pb同位素给出了与实验 ISGMR 强度分布几乎一致的描述,因此我们可以利用这两组参 数进一步对丰中子 Sn同位素的电单极激发强度分布进 行预测。

图 10 的左图给出了基于 QRPA 和 QRPA+QPVC 理 论采用 SV-K226 相互作用计算的 ^{134, 140}Sn 中电单极激 发强度分布。可以看出,在 QRPA 理论的计算中,丰中 子核素 ^{134, 140}Sn 中除了巨共振区域(10~20 MeV)出现了 较宽的 ISGMR 共振峰外,在低能量区域(小于 10 MeV) 也出现了明显的电单极激发(为了区别于 ISGMR,后面 称为软单极激发)强度分布,且在 ¹⁴⁰Sn 中更为显著。考 虑 QPVC 效应后, ISGMR 的峰值能量向低能量方向移 动,而软单极激发强度分布仅略微向低能方向移动, 即 QPVC 效应对于软单极激发的影响较小,而对于 ISGMR 的影响较大。右图给出了基于 QRPA+QPVC 理 论采用 SV-K226 和 KDE0 相互作用计算的^{134,140}Sn 中 电单极激发强度分布。然而,对于软单极激发,SV-K226 和 KDE0 表现出了明显的差异。这是因为软单极激发对 应于中子的呼吸模式(而非中子和质子的呼吸模式)^[63], 因此不能被对称核物质的不可压缩系数 K_∞ 唯一约束。 另一方面,由于 SV-K226 和 KDE0 具有相近的 K_∞,它 们在 10~20 MeV 的巨共振区域给出了几乎一致的 ISGMR 强度分布,这表明丰中子原子核的 ISGMR 强度分布仍 然可以约束 K_∞。因此,实验上对丰中子核素 ISGMR 强度分布的测量将有助于进一步检验在稳定核区对核物 质不可压缩系数 K_∞的约束。



图 10 基于 QRPA 和 QRPA+QPVC 理论采用 SV-K226 相 互作用计算的^{134,140}Sn 中电单极激发强度分布(左图) 和基于 QRPA+QPVC 理论采用 SV-K226 和 KDE0 相 互作用计算的^{134,140}Sn 中电单极激发强度分布(右图)

5 总结与展望

原子核巨单极共振的统一描述是核物理研究的一个 重要问题:在原子核 ISGMR 的研究中,能够正确描述 ²⁰⁸Pb ISGMR 能量的理论模型往往高估 Sn 同位素链的 ISGMR 能量约1 MeV,这会使得由 Sn 同位素链提取的 不可压缩系数比 Pb 小约 30 MeV,从而引发了核物理中 的著名谜题"为什么 Sn 同位素链给出的状态方程这么 软?"。本文综述了 QRPA 理论和 QPVC 理论对这一问题 的研究。在 QRPA 理论中,通过考虑表面对力,发现对 关联效应能够部分解释 Sn 同位素状态方程较"软"的问 题,但是采用其它类型的对力,比如体积对力时仍然存 在问题,不能得到令人满意的解释。最近,基于 Skyrme 密度泛函理论的自治 QRPA+QPVC 理论的发展为这一 问题的回答提供了合理的解释,并论证了 QPVC 效应在 解决这一问题时的重要作用。随后,这一结论在相对 论QRPA+QPVC的计算中也得到了验证。Sn和Pb同位 素中ISGMR的统一描述将核物质不可压缩系数约束为 (226~229) MeV。基于QRPA+QPVC理论,本文也对丰 中子 Sn同位素^{134,140}Sn的电单极激发强度分布进行了 研究,实验上对丰中子核素电单极激发强度函数的测量 将有助于进一步检验目前对核物质不可压缩系数的约束。

另一方面,目前的研究工作说明了超越两准粒子组态空间对于巨共振的描述十分重要,进一步探究更高阶 组态空间对巨共振的影响是值得讨论的问题。

参考文献:

- ROCA-MAZA X, PAAR N. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2018, 101: 96.
- [2] BURGIO G, SCHULZE H J, NA I V, et al. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2021, 120: 103879.
- [3] OERTEL M, HEMPEL M, KLÄHN T, et al. Rev Mod Phys, 2017, 89: 015007.
- [4] PEREGO A, LOGOTETA D, RADICE D, et al. Phys Rev Lett, 2022, 129: 032701.
- [5] MYERS W, SWIATECKI W. Nucl Phys A, 1996, 601(2): 141.
- [6] LI B A, CHEN L W, KO C M. Physics Reports, 2008, 464(4): 113.
- [7] HARAKEH M N, WOUDE A. Giant Resonances: Fundamental High-frequency Modes of Nuclear Excitation: Volume 24[M]. Oxford University Press on Demand, 2001.
- [8] BLAIZOT J. Physics Reports, 1980, 64(4): 171.
- [9] GARG U, COLÒ G. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2018, 101: 55.
- [10] PANDHARIPANDE V. Phys Lett B, 1970, 31(10): 635.
- [11] BLAIZOT J, GOGNY D, GRAMMATICOS B. Nucl Phys A, 1976, 265(2): 315.
- [12] BLAIZOT J, BERGER J, DECHARGÉ J, et al. Nucl Phys A, 1995, 591(3): 435.
- [13] COLÒ G, VAN GIAI N, MEYER J, et al. Phys Rev C, 2004, 70: 024307.
- [14] PATEL D, GARG U, FUJIWARA M, et al. Phys Lett B, 2013, 726(1): 178.
- [15] PATEL D, GARG U, ITOH M, et al. Phys Lett B, 2014, 735: 387.
- [16] YOUNGBLOOD D H, CLARK H L, LUI Y W. Phys Rev Lett, 1999, 82: 691.
- [17] YOUNGBLOOD D H, LUI Y W, CLARK H L, et al. Phys Rev C, 2004, 69: 034315.
- [18] UCHIDA M, SAKAGUCHI H, ITOH M, et al. Phys Rev C, 2004, 69: 051301.
- [19] KRISHICHAYAN, LUI Y W, BUTTON J, et al. Phys Rev C, 2015, 92: 044323.
- [20] GUPTA Y, GARG U, HOWARD K, et al. Phys Lett B, 2016, 760: 482.
- [21] PIEKAREWICZ J. Phys Rev C, 2007, 76: 031301.
- [22] GARG U, LI T, OKUMURA S, et al. Nucl Phys A, 2007, 788(1): 36.
- [23] PATEL D, GARG U, FUJIWARA M, et al. Phys Lett B, 2012, 718(2): 447.

- [24] HOWARD K, GARG U, ITOH M, et al. Phys Lett B, 2020, 807: 135608.
- [25] ROWE D J. Rev Mod Phys, 1968, 40: 153.
- [26] TERASAKI J, ENGEL J, BENDER M, et al. Phys Rev C, 2005, 71: 034310.
- [27] PAAR N, VRETENAR D, KHAN E, et al. Reports on Progress in Physics, 2007, 70(5): 691.
- [28] LI J, COLÒ G, MENG J. Phys Rev C, 2008, 78: 064304.
- [29] TSELYAEV V I. Phys Rev C, 2007, 75: 024306.
- [30] CIVITARESE O, DUMRAUF A G, REBOIRO M, et al. Phys Rev C, 1991, 43: 2622.
- [31] BARTEL J, QUENTIN P, BRACK M, et al. Nucl Phys A, 1982, 386(1): 79.
- [32] LI T, GARG U, LIU Y, et al. Phys Rev Lett, 2007, 99: 162503.
- [33] KHAN E. Phys Rev C, 2009, 80: 011307.
- [34] CHABANAT E, BONCHE P, HAENSEL P, et al. Nucl Phys A, 1998, 635(1): 231.
- [35] CAO L G, SAGAWA H, COLÒ G. Phys Rev C, 2012, 86: 054313.
- [36] VESELÝ P, TOIVANEN J, CARLSSON B G, et al. Phys Rev C, 2012, 86: 024303.
- [37] KORTELAINEN M, LESINSKI T, MORÉ J, et al. Phys Rev C, 2010, 82: 024313.
- [38] KHAN E. Phys Rev C, 2009, 80: 057302.
- [39] PIEKAREWICZ J, CENTELLES M. Phys Rev C, 2009, 79: 054311.
- [40] GAMBACURTA D, GRASSO M, CATARA F. Phys Rev C, 2010, 81: 054312.
- [41] GRASSO M, GAMBACURTA D. Phys Rev C, 2020, 101: 064314.
- [42] YANG M J, BAI C L, SAGAWA H, et al. Phys Rev C, 2021, 103: 054308.
- [43] SHEN S, COLÒ G, ROCA-MAZA X. Phys Rev C, 2020, 101: 044316.
- [44] LYUTOROVICH N, TSELYAEV V I, SPETH J, et al. Phys Rev Lett, 2012, 109: 092502.
- [45] ROCA-MAZA X, NIU Y F, COLO G, et al. J Phys G: Nucl Part Phys, 2017, 44: 044001.
- [46] LI Z Z, NIU Y F, COLÒ G. Phys Rev Lett, 2023, 131: 082501.
- [47] LITVINOVA E, RING P, TSELYAEV V. Phys Rev C, 2008, 78: 014312.
- [48] TSELYAEV V, SPETH J, KREWALD S, et al. Phys Rev C, 2009, 79: 034309.
- [49] TONDEUR F, BRACK M, FARINE M, et al. Nucl Phys A, 1984, 420(2): 297.
- [50] KLÜPFEL P, REINHARD P G, BÜRVENICH T J, et al. Phys Rev C, 2009, 79: 034310.
- [51] AGRAWAL B K, SHLOMO S, AU V K. Phys Rev C, 2005, 72: 014310.
- [52] OLORUNFUNMI S D, NEVELING R, CARTER J, et al. Phys Rev C, 2022, 105: 054319.
- [53] HOWARD K, GARG U, ITOH M, et al. Phys Lett B, 2020, 801: 135185.
- [54] DOBACZEWSKI J, FLOCARD H, J.TREINER. Nucl Phys A, 1984, 442: 103.
- [55] ROCA-MAZA X, COLÒ G, SAGAWA H. Phys Rev C, 2012, 86: 031306.
- [56] MOGHRABI K, GRASSO M, COLÒ G, et al. Phys Rev Lett,

2010, 105: 262501

- [57] GAMBACURTA D, GRASSO M, ENGEL J. Phys Rev C, 2015, 92: 034303.
- [58] MENG J, TOKI H, ZHOU S G, et al. Prog Part Nucl Phys, 2006, 57: 470.
- [59] LITVINOVA E. Phys Rev C, 2023, 107: L041302.
- [60] LALAZISSIS G, KARATZIKOS S, FOSSION R, et al. Phys Lett

B, 2009, 671(1): 36.

- [61] GUPTA Y K, HOWARD K B, GARG U, et al. Phys Rev C, 2018, 97: 064323.
- [62] SAVRAN D, AUMANN T, ZILGES A. Progress in Particle and Nuclear Physics, 2013, 70: 210.
- [63] GAMBACURTA D, GRASSO M, SORLIN O. Phys Rev C, 2019, 100: 014317.

Unified Description of Nuclear Giant Monopole Resonances and Nuclear Matter Incompressibility

NIU Yifei^{1,2,1)}, LI Zhengzheng^{1,2}

(1. School of Nuclear Science and Technology, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China;

2. Frontiers Science Center for Rare isotope, Lanzhou University, Lanzhou 730000, China)

Abstract: The study of nuclear isoscalar giant monopole resonance (ISGMR) is an important way to constrain nuclear incompressibility coefficient K_{∞} , which provides important information for the understanding of nuclear astrophysics phenomena. At present, there is a serious discrepancy in the unified descriptions of the ISGMR in Pb and Sn isotopes, *i.e.*, the so called "why is the equation of state for tin so soft?", which prevents us from the accurate determination of K_{∞} . In this paper, we introduce the quasiparticle random phase approximation (QRPA) theory, which is commonly used in the study of nuclear giant resonances, and also the self-consistent quasiparticle-vibration coupling (QPVC) theory based on the QRPA. The researches for the current issue within QRPA and QRPA+QPVC theories are reviewed, especially for the important role of the QPVC effects in achieving a unified description of ISGMR: a unified descriptions of ISGMR in Sn and Pb can be achieved with the QPVC effects, the problem "why is the equation of state for tin so soft?" can be solved, and the incompressibility coefficient K_{∞} is constrained. Besides, based on the self-consistent QPVC theory, we further studied the electric monopole excitation strength disctributions in the neutron-rich Sn isotopes^{134, 140}Sn.

Key words: nuclear isoscalar giant monopole resonance; nuclear equation of state; quasiparticle random phase approximation; quasiparticle-vibration coupling effects

Received date: 31 Aug. 2023; Revised date: 25 Feb. 2024

Foundation item: Young Scientist Scheme of National Key Research and Development (R&D) Program (2021YFA1601500); National Natural Science Foundation of China (12075104)

¹⁾ E-mail: niuyf@lzu.edu.cn