



## 大质量中子星内部强子-夸克混杂相的研究

琚敏 武旭浩 胡金牛 申虹

### Study of Hadron-quark Mixed Phases in Massive Neutron Stars

JU Min, WU Xuhao, HU Jinniu, SHEN Hong

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC21>

#### 引用格式:

琚敏, 武旭浩, 胡金牛, 申虹. 大质量中子星内部强子-夸克混杂相的研究[J]. *原子核物理评论*, 2024, 41(1):318-324. doi: 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC21

JU Min, WU Xuhao, HU Jinniu, SHEN Hong. Study of Hadron-quark Mixed Phases in Massive Neutron Stars[J]. *Nuclear Physics Review*, 2024, 41(1):318-324. doi: 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC21

---

## 您可能感兴趣的其他文章

### Articles you may be interested in

#### 致密物质状态方程：中子星与奇异星

Dense Matter Equation of State: Neutron Star and Strange Star

原子核物理评论. 2019, 36(1): 1-36 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.36.01.001>

#### 中子星可观测量与不同密度段核物质状态方程的关联

Correlation Between Neutron Star Observation and Equation of State of Nuclear Matter at Different Densities

原子核物理评论. 2021, 38(2): 123-128 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.38.2021019>

#### 相对论平均场研究超子星

Investigation on the Hyperonic Star in Relativistic Mean-field Model

原子核物理评论. 2022, 39(2): 135-153 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.39.2022013>

#### 天体物理、引力波及重离子碰撞中的物质

MAGIC: Matter in Astrophysics, Gravitational Waves, and Ion Collisions

原子核物理评论. 2020, 37(3): 272-282 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.37.2019CNPC75>

#### 强电场对夸克胶子等离子体中粲夸克偶素演化的影响(英文)

Effect of Strong Electric Field on the Evolution of Charmonium in Quark Gluon Plasma

原子核物理评论. 2019, 36(3): 278-288 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.36.03.278>

#### 强磁场与涡旋场中的夸克胶子物质

Quark Gluon Matter in Strong Magnetic and Vortical Fields

原子核物理评论. 2020, 37(3): 414-425 <https://doi.org/10.11804/NuclPhysRev.37.2019CNPC29>

文章编号: 1007-4627(2024)01-0318-07

## 大质量中子星内部强子-夸克混杂相的研究

琚敏<sup>1</sup>, 武旭浩<sup>2</sup>, 胡金牛<sup>3</sup>, 申虹<sup>3</sup>

(1. 中国石油大学(华东)理学院, 山东 青岛 266580;

2. 燕山大学理学院, 河北 秦皇岛 066000;

3. 南开大学物理科学学院, 天津 300071)

**摘要:** 大质量中子星的核心密度可达 5~10 倍饱和密度, 很有可能发生强子-夸克退禁闭相变。在本工作中, 研究了强子-夸克混杂相的结构性质及其对中子星性质的影响, 并进一步讨论了中子星内部是否存在纯夸克相核心。在此工作中, 采用 Wigner-Seitz 元胞近似描述强子-夸克混杂相, 采用自洽考虑了有限尺度效应的能量最小化 (EM) 方法判断系统的稳定态。通过允许强子相和夸克相具有不同的电子密度, 但总电子化学势保持相等, 在 Wigner-Seitz 元胞内实现局部  $\beta$  平衡。本文采用 BigApple 和 NL3 两组参数描述强子物质, 而夸克物质由加入了矢量相互作用的 MIT 袋模型描述。研究发现, 强子相的对称能斜率越大, 相变发生越早, 且夸克之间的矢量相互作用可以显著硬化高密度下的状态方程 (EOS), 有助于增大中子星的最大质量。其他参数, 如口袋常数  $B$ , 也会影响中子星内部的退禁闭相变。结果表明, 强子-夸克混杂相可能出现在大质量中子星核心中, 并满足当前天文观测约束。

**关键词:** 中子星; 强子-夸克混杂相

**中图分类号:** O571.53

**文献标志码:** A

**DOI:** 10.11804/NuclPhysRev.41.2023CNPC21

### 0 引言

近年来随着天文观测技术的不断发展, 有关致密星的研究成为国际前沿的热点之一。对大质量中子星 PSR J1614-2230( $1.908 \pm 0.016 M_{\odot}$ )<sup>[1-2]</sup>, PSR J0348+0432 ( $2.01 \pm 0.04 M_{\odot}$ )<sup>[3]</sup> 和 PSR J0740+6620 ( $2.08 \pm 0.07 M_{\odot}$ )<sup>[4]</sup> 的质量的精确测量, 将中子星的最大质量限制在  $2M_{\odot}$  以上。2017 年第一次观测到双中子星并合的引力波信号, 即 GW170817 事件, 为  $1.4M_{\odot}$  的中子星的半径和潮汐形变带来严格的限制<sup>[5-8]</sup>。2019 年探测到的 GW190814 事件涉及一个  $22.2 \sim 24.3 M_{\odot}$  的黑洞和一个质量为  $2.50 \sim 2.67 M_{\odot}$  的致密星<sup>[9]</sup>。这个  $\sim 2.6 M_{\odot}$  的致密星可能为目前最重的中子星或者最轻的黑洞<sup>[10-13]</sup>。

大质量中子星的核心密度可达 5~10 倍饱和密度, 为研究强子在低温高密处的退禁闭相变行为提供了良好的实验环境。许多工作使用有效模型对中子星内部的强子退禁闭相变进行了研究<sup>[14-18]</sup>。目前认为在低温、高密度状态下, 退禁闭相变可能属于一级相变, 在相变过程中系统可能处于混杂相。常见的研究强子-夸克混杂相的

方法为 Gibbs 结构 (GC)<sup>[19-20]</sup> 和 Maxwell 结构 (MC)<sup>[16, 21]</sup>。Gibbs 结构满足全局电中性条件, Maxwell 结构满足局域电中性条件。一般认为 Maxwell 结构和 Gibbs 结构分别对应于强子-夸克分界面的表面张力的两种极端情况, 即 Gibbs 结构对应表面张力为零的情况; Maxwell 结构对应表面张力很大的情况。这两种结构中均没有考虑有限尺度效应和电荷屏蔽效应, 即在混杂相的能量密度中仅包含了强子相和夸克相的能量贡献, 没有考虑表面能和库仑能的贡献。研究表明, 有限尺度效应对于理解真实的强子-夸克相变过程具有重要的影响<sup>[22-23]</sup>。当在强子-夸克混杂相中考虑有限尺度效应时, 混杂相可能以具有一定对称性的结构呈现, 即 pasta 结构<sup>[24-25]</sup>。随着密度的增加, 混杂相可能出现液滴形 (droplet), 柱形 (rod), 片形 (slab), 圆筒形 (tube) 和气泡形 (bubble) 等几何结构。同时研究表明电荷屏蔽效应会影响混杂相中带电粒子的分布, 对强子-夸克混杂相的性质和密度范围有显著的影响<sup>[26-27]</sup>。

近几十年, 基于多种能量密度泛函的 RMF 理论在研究多种核物理现象取得了巨大成功<sup>[28-29]</sup>。在 RMF

收稿日期: 2023-06-30; 修改日期: 2023-11-03

基金项目: 国家自然科学基金资助项目 (12175109, 11775119, 12305148); 山东省自然科学基金项目 (ZR2023QA112); 中央高校基本科研业务费 (27RA2210023); 山东省高等学校青年创新团队计划项目 (2023KJ072)

作者简介: 琚敏 (1994-), 女, 河北衡水人, 讲师, 博士, 从事原子核理论研究; E-mail: jumin@upc.edu.cn

理论中，重子通过交换同位旋标量-标量介子( $\sigma$ )、同位旋标量-矢量介子( $\omega$ )和同位旋矢量-矢量介子( $\rho$ )发生相互作用。模型中的耦合参数通过拟合核物质饱和性质和有限核的基态性质得到。在本篇工作中选取两组的 RMF 参数，即 BigApple 模型和 NL3 模型。BigApple 和 NL3 模型参数均可以很好地重现核素图中有限核的基态性质，并且都预言了一个较大的中子星最大质量。BigApple 模型得出的中子星半径和潮汐变形与 GW170817 引力波事件观测以及 NICER 的观测结果相符。众所周知，核物质对称能及其斜率在理解中子星性质方面起着至关重要的作用，且对称能斜率  $L$  与中子星半径之间存在正相关关系 [30]。BigApple 模型中包含了  $\omega$ - $\rho$  的耦合项，具有相对较小的对称能斜率。相比而言，NL3 模型具有较大的对称能斜率  $L$ ，这导致对于  $1.4M_{\odot}$  的中子星而言，预测出的半径和潮汐变形性相比于天体物理观测的估计值而言偏大。本文研究的重点在于对称能斜率对强子相变及其混杂相结构性质的影响，NL3 模型可作为一个良好的对照组。此前许多工作对  $\omega$ - $\rho$  的耦合项在改变对称能的密度依赖性以及对中子星性质的影响进行了研究 [31-32]。

对于夸克物质的描述，本文采用 MIT 袋模型，该模型包含了矢量相互作用，通常被称为 vMIT 模型 [33-34]。文献表明，在夸克间加入矢量相互作用可以显著硬化高密度下物质的状态方程 (EOS)，并有助于产生与天文观测相符的大质量中子星 [35]。vMIT 模型中的矢量相互作用通过交换一种类似于 Walecka 模型中  $\omega$  介子的矢量介子引入 [36]。在 Han 等 [34] 和 Gomes 等 [33] 的研究中，利用 Gibbs 和 Maxwell 结构研究了矢量相互作用对致密星性质的影响，但未考虑可能的几何结构。本工作中，我们旨在通过 EM 方法探讨夸克间的矢量相互作用如何影响强子-夸克 pasta 相的特性。

在 EM 方法中，强子-夸克 pasta 相是通过 Wigner-Seitz 元胞近似来描述。这种近似方法将整个空间分割成多个等效的元胞，每个元胞都具有一定的几何对称性。元胞内部强子相和夸克相由明显的分界面隔开，元胞整体呈电中性。文献 [27] 提出，在强子相和夸克相中间可能存在一个薄层，这导致两相之间的电势存在差异，使得强子相和夸克相中电子密度不相等，但化学势保持相等。据此观点，尽管两相中的电子密度不同，Maxwell 结构仍可能是稳定的。两相间电子密度的差异可以理解为电荷屏蔽效应的结果。本研究将在 EM 方法中考虑电荷屏蔽效应，进一步研究电荷屏蔽效应对强子-夸克 pasta 相影响。

本文将主要研究两部分内容，一是讨论在满足现有

观测约束的同时，大质量中子星核心中出现强子-夸克混杂相的可能性以及夸克间矢量相互作用的影响。第二，旨在扩展 EM 方法以描述考虑电荷屏蔽效应的强子-夸克混杂相。通过允许强子相和夸克相拥有不同的电子密度，在 Wigner-Seitz 元胞内实现局部  $\beta$  平衡，计算电荷屏蔽效应的影响，帮助我们理解强子-夸克混杂相从 Gibbs 结构 (GC) 到 Maxwell 结构 (MC) 的转变。

## 1 模型和方法

我们采用 RMF 模型描述强子物质，强子物质包含中子，质子，电子和  $\mu$  轻子。均匀核物质的拉氏密度表示为

$$\begin{aligned} \mathcal{L} = & \sum_{i=p,n} \bar{\psi}_i \left\{ i\gamma_{\mu} \partial^{\mu} - M - g_{\sigma} \sigma - \gamma_{\mu} \left[ g_{\omega} \omega^{\mu} + \frac{g_{\rho}}{2} \tau_a \rho^{a\mu} \right] \right\} \psi_i + \\ & \frac{1}{2} \partial_{\mu} \sigma \partial^{\mu} \sigma - \frac{1}{2} m_{\sigma}^2 \sigma^2 - \frac{1}{3} g_2 \sigma^3 - \frac{1}{4} g_3 \sigma^4 - \\ & \frac{1}{4} W_{\mu\nu} W^{\mu\nu} + \frac{1}{2} m_{\omega}^2 \omega_{\mu} \omega^{\mu} + \frac{1}{4} c_3 (\omega_{\mu} \omega^{\mu})^2 - \\ & \frac{1}{4} R_{\mu\nu}^a R^{a\mu\nu} + \frac{1}{2} m_{\rho}^2 \rho_{\mu}^a \rho^{a\mu} + \Lambda_v (g_{\omega}^2 \omega_{\mu} \omega^{\mu}) (g_{\rho}^2 \rho_{\mu}^a \rho^{a\mu}) + \\ & \sum_{l=e,\mu} \bar{\psi}_l (i\gamma_{\mu} \partial^{\mu} - m_l) \psi_l, \end{aligned} \quad (1)$$

其中  $W^{\mu\nu}$  和  $R^{a\mu\nu}$  分别为  $\omega^{\mu}$ ,  $\rho^{a\mu}$  介子的反对称张量算符。在 RMF 模型中，核子通过交换不同的介子传递强相互作用。同位旋标量-标量介子  $\sigma$  反映核子之间的中程吸引力，同位旋标量-矢量介子  $\omega$  反映核子间的短程排斥力，同位旋矢量-矢量介子  $\rho$  反映同位旋相关性，即质子和中子之间的区别。我们采用 BigApple 和 NL3 参数组计算强子物质，它们可以很好地描述核素图中原子核的基态性质。BigApple 和 NL3 参数组的饱和性质在表 1 中给出。通过计算系统的能动量张量，我们可以得到强子物质的能量密度和压强。

表 1 BigApple 和 NL3 模型的核物质饱和性质

模型	$n_0$	$E_0$	$K$	$E_{\text{sym}}$	$L$
BigApple	0.155	-16.34	226.82	31.31	39.79
NL3	0.148	-16.24	271.52	37.40	118.53

注： $E_0$ 、 $K$ 、 $E_{\text{sym}}$  和  $L$  分别表示每核子能量、不可压缩系数、对称能和饱和密度  $n_0$  处的对称能斜率。 $n_0$  的单位是  $\text{fm}^{-3}$ ，其它单位均为 MeV。

对于夸克相的描述，我们采用 vMIT 口袋模型，即在 MIT 口袋模型的基础上加入夸克间的矢量相互作用。在 vMIT 模型中，夸克间通过交换一个质量为  $m_v$  的矢量介子发生相互作用。夸克物质中包括 u, d, s 夸克和 e,  $\mu$  轻子。在平均场近似下，夸克物质的拉氏密度为

$$\mathcal{L} = \sum_{i=u,d,s} \left[ \bar{\psi}_i (i\gamma_\mu \partial^\mu - m_i - g_V \gamma_\mu V^\mu) \psi_i - B + \frac{1}{2} m_V^2 V_\mu V^\mu \right] \Theta + \sum_{l=e,\mu} \bar{\psi}_l (i\gamma_\mu \partial^\mu - m_l) \psi_l, \quad (2)$$

$B$  代表口袋常数;  $\Theta$  是阶梯函数。矢量场  $V_0$  的数值通过求解矢量介子的运动方程获得,

$$m_V^2 V_0 = g_V \sum_{i=u,d,s} n_i, \quad (3)$$

$n_i$  是夸克  $i$  的粒子数密度。夸克  $i$  的化学势为

$$\mu_i = \sqrt{k_F^i{}^2 + m_i^2} + g_V V_0, \quad (4)$$

矢量相互作用  $G_V$  的加入, 提高了夸克  $i$  的化学势。均匀夸克物质的能量密度和压强为

$$\varepsilon_{\text{QP}} = \sum_{i=u,d,s} \varepsilon_{\text{FG}}^i + \sum_{l=e,\mu} \varepsilon_{\text{FG}}^l + \frac{1}{2} \left( \frac{g_V}{m_V} \right)^2 (n_u + n_d + n_s)^2 + B, \quad (5)$$

$$P_{\text{QP}} = \sum_{i=u,d,s} P_{\text{FG}}^i + \sum_{l=e,\mu} P_{\text{FG}}^l + \frac{1}{2} \left( \frac{g_V}{m_V} \right)^2 (n_u + n_d + n_s)^2 - B. \quad (6)$$

式中  $\varepsilon_{\text{FG}}^i$  和  $P_{\text{FG}}^i$  分别为自由费米气体的能量密度和压强。夸克物质中矢量相互作用对 neutron star 高密处的 EOS 有重要的影响。在本章的计算中, 我们将通过改变耦合常数  $G_V = (g_V/m_V)^2 = 0 \sim 0.3 \text{ fm}^2$ , 讨论夸克间矢量相互作用对强子-夸克混杂相的影响。

对于强子-夸克混杂相, 我们采用 Wigner-Seitz (WS) 元胞近似, 即系统被分为许多相同的具有特定对称性的元胞。在元胞内部, 强子相和夸克相由一个分界面隔开。此分界面具有一定的表面张力。关于表面张力的取值, 有很大的不确定性 [18, 37]。文章基于 MIT 口袋模型使用

MRE 方法计算表面张力, 得到强子-夸克混杂相中表面张力范围为  $43 \sim 48 \text{ MeV/fm}^2$  [22]。在本文计算中, 我们采用相同量级的常数值  $\sigma = 40 \text{ MeV/fm}^2$ 。我们采用共存相 (CP) 方法和 EM 方法计算强子-夸克混杂相。CP 方法符合 Gibbs 结构的平衡条件, 将表面能和库仑能作为微扰相添加在系统能量密度中。EM 方法中我们不仅将表面能和库仑能自洽加在混杂相能量密度中, 还考虑了电荷屏蔽效应带来的影响, 即强子相和夸克相拥有不同的电子密度, 从而引入库仑相互作用。库仑相互作用的引入会改变混杂相中带电粒子的分布 [23], 影响强子-夸克混杂相的结构性质。对比 EM 方法和 CP 方法, 我们得到电荷屏蔽效应对强子-夸克混杂相结构性质的影响。

## 2 结果及分析

在研究强子-夸克相变中通常采用的方法是 Maxwell 结构。Maxwell 结构满足局域电中性条件, 强子相与夸克相具有相同的压强和重子化学势。因此 Maxwell 结构的相变点为强子物质与夸克物质的压强随化学势变化曲线的交叉点处。图 1(a) 和 (b) 分别展示了在不同的矢量相互作用  $G_V$  和口袋常数  $B$  的情况下, 压强随中子化学势的变化, 图中黑色实线是 BigApple 参数组的结果, 蓝色实线为 NL3 的结果。Maxwell 相变发生在强子物质和夸克物质的 EOS 曲线的交叉点。由图 1(a) 可以发现,  $G_V$  越大, 相变点的压强越大, 相变密度越大。图 1(b) 可以看出, 口袋常数  $B$  越大, 相变点压强越大, 相变密度越大。相比于 NL3 参数组, BigApple 模型预言了一个更大的压强, 导致相变密度更大。我们得到矢量相互作用  $G_V$  和口袋常数  $B$  越大, 会推迟强子-夸克相变过程的发生。

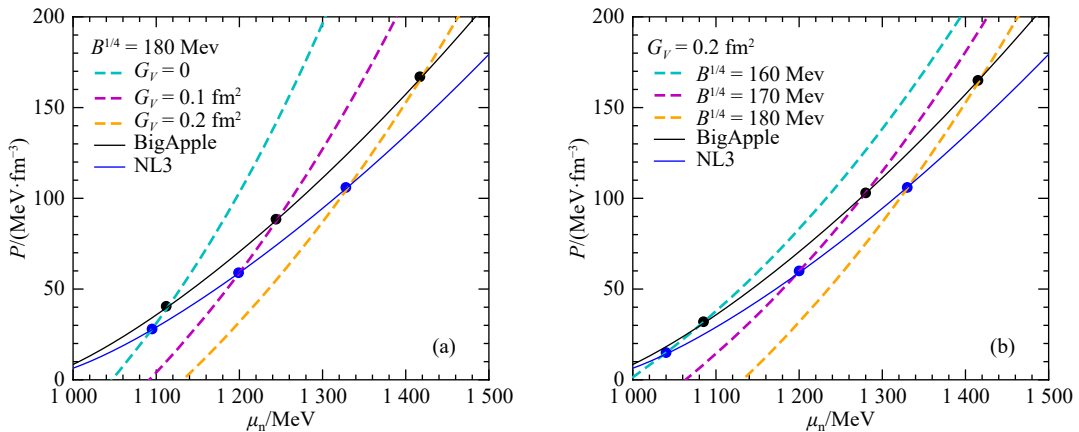


图 1 在不同的矢量相互作用  $G_V$  和口袋常数  $B$  的情况下, 压强随中子化学势的变化 (在线彩图)

图 (a) 展示了 vMIT 模型中不同的矢量耦合常数  $G_V$  的结果; 图 (b) 展示了 vMIT 模型中不同的口袋常数  $B$  的结果。实心圆点表示强子相 EOS 与夸克相 EOS 的交叉点。

我们使用 EM 方法计算了强子-夸克混杂相的性质，并与 Gibbs 的结果进行了比较。EM 方法中自然地有限尺度效应，即表面能和库仑能的贡献，考虑在系统能量密度中。图 2 展示了口袋常数  $B^{1/4} = 180$  MeV，表面张力  $\sigma = 40$  MeV/fm<sup>2</sup> 情况下，EM 方法计算得到的 pasta 相与 Gibbs ( $\sigma = 0$ ) 结构的能量密度差值随着重子数密度的变化曲线。实心圆点代表 pasta 相变点，纯强子相和纯夸克相的能量密度分别用黑点划线和虚线表示，Maxwell 结构用绿色虚线表示。由图 2 看出，强子-夸克 pasta 相结构随着重子数密度的增加，由 droplet 逐渐变为 rod, slab, tube, bubble，最后相变为纯夸克相。EM 方法的结果始终高于 Gibbs 的结果，说明库仑能和表面能对系统总能量的贡献为正。Maxwell 结构一直高于 pasta 相的结果，表明此时 pasta 结构更稳定。对比第一行和第二行，可以看到强子物质的 EOS 的变化对强子-夸克相变的影响。结果表明 NL3 模型发生相变的密度点早于 BigApple 模型发生相变的密度点，这与图 1 的结果一致。对比  $G_V = 0.1, 0.2, 0.3$  fm<sup>2</sup> 的结果，可以看到随着  $G_V$  的增加，混杂相向高密处移动，且其覆盖的密度范围更宽，这与图 1(a) 中 Maxwell 结构的变化趋势一致。

图 3 展示了压强随重子数密度的变化曲线，其中 vMIT 模型中口袋常数为  $B^{1/4} = 180$  MeV。Maxwell 结构

在相变过程中保持压强不变，Gibbs 结构在相变过程中压强随重子数密度的增加而增加。随着矢量相互作用  $G_V$  的增加，可以看到强子-夸克混杂相出现在更高的密度处。其中  $G_V$  对强子-夸克混杂相结束的密度点影响较为明显，这是因为随着重子数密度增大，夸克相的体积分支比逐渐增加，夸克间的相互作用在混杂相中逐渐占据主导地位。对比图 3 中第一行和第二行，发现在给定重子数密度  $n_b$  时，NL3 模型相比于 BigApple 模型预言了一个更小的压强，导致 NL3 模型描述的强子物质更早地发生相变，这与图 2 的结果一致。

在图 4 中，我们展示了中子星质量-半径关系，以及一些来自天体物理观测的约束条件。我们发现与纯强子 EOS (实线) 的结果相比，夸克自由度的出现明显降低了中子星的最大质量  $M_{\max}$ 。对比 NL3 和 BigApple 模型的质量-半径关系曲线，发现 NL3 模型预言了一个较大的中子星半径，这是因为 NL3 模型具有一个较大的对称能斜率  $L$ 。根据现有的天文观测给出的限制，我们更倾向于一个较小的对称能斜率  $L$ 。相比之下，BigApple 模型参数组预言的  $R_{1.4}$  满足 GW170817 和 NICER 对 PSR J0030+0451 的测量给出的限制。从图 4(a) 可以看到矢量相互作用  $G_V$  对中子星的最大质量影响非常明显。矢量耦合越强，即  $G_V$  越大，中子星的最大质量也越大，混杂相出现越晚。对于  $1.4 M_{\odot}$  中子星，中心密

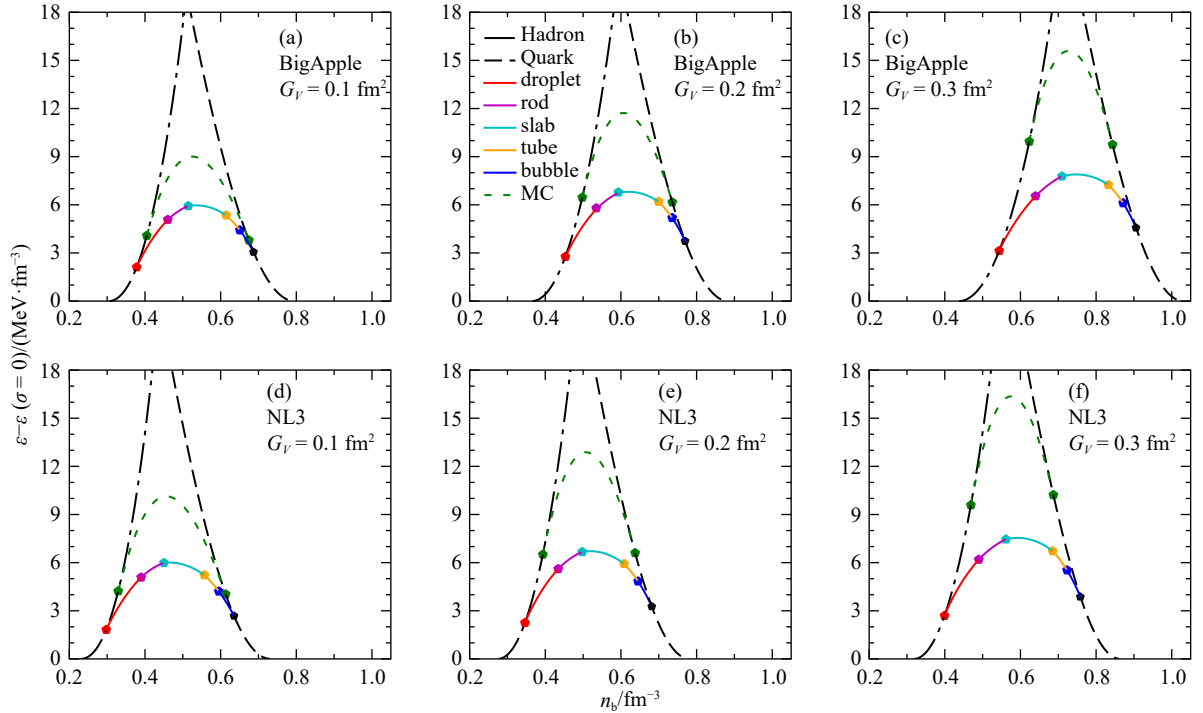


图 2 EM 方法计算得到的强子-夸克 pasta 相的能量密度与 Gibbs ( $\sigma = 0$ ) 结果的变化曲线图 (在线彩图) EM 方法中表面张力的数值为  $\sigma = 40$  MeV/fm<sup>2</sup>，vMIT 模型中口袋常数  $B^{1/4} = 180$  MeV。实心圆点表示 pasta 相变密度点，纯强子相和纯夸克相的能量密度分别用黑色点划线和虚线表示，Maxwell 的结果用绿色虚线表示。

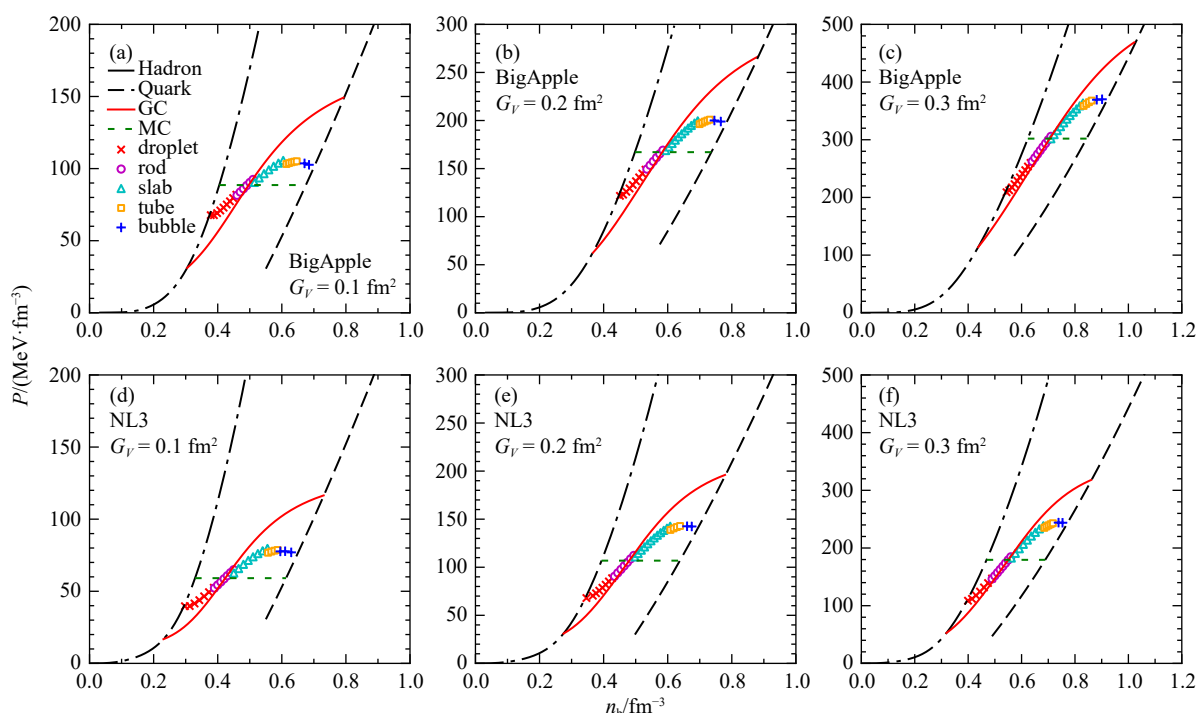


图 3 压强  $P$  随重子数密度  $n_b$  的变化曲线(在线彩图)  
Gibbs 结构和 Maxwell 结构的结果分别用红色实线和绿色虚线表示。

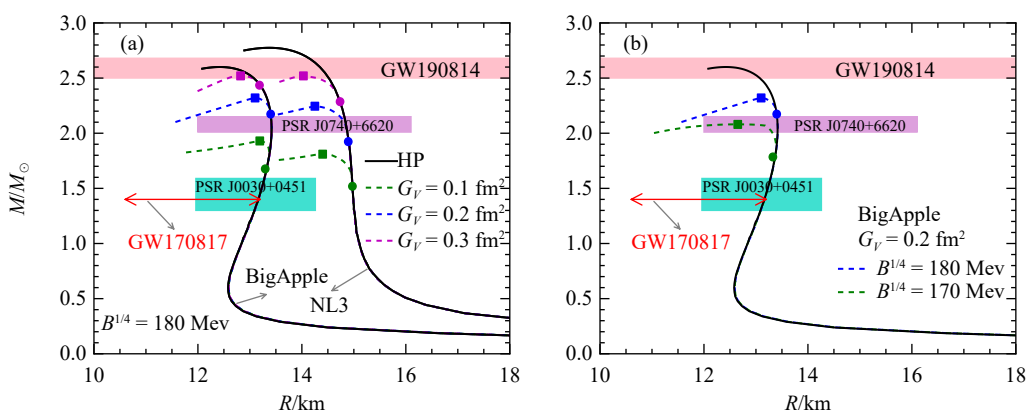


图 4 中子星质量-半径关系(在线彩图)

实心圆点表示支持混杂相出现的最小中子星质量, 实心方块表示中子星的最大质量。红色水平箭头表示 GW170817 给出的关于  $R_{1.4}$  的限制 [39]。绿色和紫色阴影区域分别表示 NICER 对 PSR J0030+0451 [40] 和 PSR J0740+6620 [41] 同时测量质量和半径给出的限制。粉色水平条表示 GW190814 [9] 事件给出的质量限制。

度尚未达到混杂相出现的条件, 此时中子星核心仍为强子物质, 这和文章结果一致 [38]。图 4(b) 中包括  $B^{1/4} = 180 \text{ MeV}$  和  $B^{1/4} = 170 \text{ MeV}$  两种情况的结果, 可以看到口袋常数  $B$  对中子星最大质量的影响。口袋常数  $B$  越小, 中子星的最大质量越小。这是因为  $B$  越小, 强子-夸克混杂相出现的越早, 中子星的 EOS 变软导致。为了详细地分析强子-夸克混杂相对中子星的影响, 我们在表 2 中展示了在 BigApple 和 NL3 模型中, 分别使用 EM 和 CP 方法计算得到的中子星最大质量的结构性质。对比表 2 中第一、二、三行, 可以看到矢量耦合

作用  $G_\nu$  越强, 中子星中心密度越大, 所支持中子星最大质量越大, 但混杂相的半径在减小。在口袋常数  $B^{1/4} = 180 \text{ MeV}$  时, 无论是 BigApple 模型还是 NL3 模型, 中子星内部都只出现了强子-夸克混杂相核心没有纯夸克相的出现。采用同样的口袋常数  $B$ , 对比 EM 方法和 CP 方法的计算结果, 可以发现 EM 方法因为考虑了电荷屏蔽效应, 得到的中子星的最大质量小于 CP 方法的结果。此外我们发现口袋常数为  $B^{1/4} = 170 \text{ MeV}$  时, 此时中子星的中心密度大于纯夸克相的出现密度, 出现了纯夸克相核心。

表 2 最大质量中子星的基本性质

HP Model	QP Model $B^{1/4}/\text{MeV}$	$G_V/\text{fm}^2$	Method	$M_{\text{max}}/M_{\odot}$	$n_0^c/\text{fm}^{-3}$	$R_{\text{QP}}/\text{km}$	$R_{\text{MP}}/\text{km}$	$R/\text{km}$
BigApple	180	0.1	EM	1.93	0.68	—	5.23	13.20
		0.2	EM	2.32	0.69	—	5.27	13.10
		0.3	EM	2.52	0.73	—	4.67	12.83
NL3	180	0.1	EM	1.81	0.61	—	6.44	14.41
		0.2	EM	2.24	0.66	—	6.61	14.26
		0.3	EM	2.52	0.64	—	6.41	14.03
BigApple	170	0.2	EM	2.08	0.76	4.54	7.00	12.65
BigApple	170	0.2	CP	2.15	0.71	3.17	5.88	12.98
BigApple	180	0.2	CP	2.36	0.70	—	4.46	13.05

注：  $M_{\text{max}}$ 、 $n_0^c$ 、 $R_{\text{QP}}$ 、 $R_{\text{MP}}$  和  $R$  分别为中子星最大质量、中心密度、纯夸克相半径、强子-夸克混杂相半径和星体半径。

### 3 总结

在本文工作中，我们采用了基于 RMF 模型 BigApple 参数和 NL3 参数计算强子物质，包含矢量相互作用的 MIT 口袋 (vMIT) 模型计算夸克物质。我们发现在同等重子数密度下，相比 NL3 模型，BigApple 模型预言了一个更高的压强，导致混杂相的出现密度大于 NL3 模型。通过对比夸克物质中矢量相互作用  $G_V = 0.1, 0.2, 0.3 \text{ fm}^2$  三种情况的结果，我们发现矢量相互作用越强，即  $G_V$  越大，高密处的中子星 EOS 越硬，从而导致中子星的最大质量更大。同时矢量相互作用强度越高，强子-夸克混杂相的出现越晚，对纯夸克相的出现密度影响最为显著。我们对比了口袋常数  $B^{1/4} = 180 \text{ MeV}$  和  $B^{1/4} = 170 \text{ MeV}$  两种情况的结果，以及矢量相互作用  $G_V = 0.1, 0.2, 0.3 \text{ fm}^2$  三种情况的结果，结果表明口袋常数  $B$  越小，中子星最大质量越小； $G_V$  越大，夸克相出现引起的中子星质量减小的幅度越小。在本文的模型框架中，夸克自由度的出现明显地软化了中子星的 EOS，降低了中子星的最大质量。基于本文模型，强子-夸克混杂相可能会出现在大质量中子星的内部， $1.4M_{\odot}$  质量的中子星不支持夸克自由度的出现。

#### 参考文献：

- [1] FONSECA E, PENNUCCI T T, ELLIS J A, et al. *Astrophys J*, 2016, 832(2): 167.
- [2] ARZOUAMANIAN Z, BRAZIER A, BURKE-SPOLAOR S, et al. *Astrophys J Suppl*, 2018, 235(2): 37.
- [3] ANTONIADIS J, FREIRE P C, WEX N, et al. *Science*, 2013, 340: 6131.
- [4] CROMARTIE H T, FONSECAAND E, RANSOM S M, et al. *Nature Astron*, 2019, 4(1): 72.
- [5] TEWS I, MARGUERON J, REDDY S. *Phys Rev C*, 2018, 98(4): 045804.
- [6] DE S, FINSTAD D, LATTIMER J M, et al. *Phys Rev Lett*, 2018, 121(9): 091102.
- [7] FATTOYEV F J, PIEKAREWICZ J, HOROWITZ C J. *Phys Rev Lett*, 2018, 120(17): 172702.
- [8] ZHU Z Y, ZHOU E P, LI A. *Astrophys J*, 2018, 862(2): 98.
- [9] ABBOTT R, ABBOTT T D, ABRAHAM S, et al. *Astrophys J Lett*, 2020, 896(2): L44.
- [10] ESSICK R, LANDRY P. *Astrophys J*, 2020, 904(1): 80.
- [11] TEWS I, PANG P T H, DIETRICH T, et al. *Astrophys J Lett*, 2021, 908(1): L1.
- [12] HUANG K, HU J, ZHANG Y, et al. *Astrophys J*, 2020, 904(1): 39.
- [13] ZHANG N B, LI B A. *Astrophys J*, 2020, 902(1): 38.
- [14] BURGIO G F, BALDO M, SAHU P K, et al. *Phys Rev C*, 2002, 66: 025802.
- [15] XIA C J, MARUYAMA T, YASUTAKE N, et al. *Phys Rev D*, 2019, 99(10): 103017.
- [16] WU X H, SHEN H. *Phys Rev C*, 2019, 99(6): 065802.
- [17] LUGONES G, GRUNFELD A G. *Phys Rev C*, 2019, 99(3): 035804.
- [18] PINTO M B, KOCH V, RANDRUP J. *Phys Rev C*, 2012, 86: 025203.
- [19] GLENDENNING N K. *Phys Rev D*, 1992, 46: 1274.
- [20] YANG F, SHEN H. *Phys Rev C*, 2008, 77: 025801.
- [21] BHATTACHARYYA A, MISHUSTIN I N, GREINER W. *J Phys G*, 2010, 37: 025201.
- [22] JU M, WU X, JI F, et al. *Phys Rev C*, 2021, 103(2): 025809.
- [23] JU M, HU J, SHEN H. *Astrophys J*, 2021, 923(2): 250.
- [24] YASUTAKE N, LASTOWIECKI R, BENIC S, et al. *Phys Rev C*, 2014, 89: 065803.
- [25] LUGONES G, GRUNFELD A G, AL AJMI M. *Phys Rev C*, 2013, 88(4): 045803.
- [26] VOSKRESENSKY D N, YASUHIRA M, TATSUMI T. *Phys Lett B*, 2002, 541: 93.
- [27] TATSUMI T, YASUHIRA M, VOSKRESENSKY D N. *Nucl Phys A*, 2003, 718: 359.
- [28] SHEN H. *Phys Rev C*, 2002, 65: 035802.
- [29] SHEN H, YANG F, TOKI H. *Prog Theor Phys*, 2006, 115: 325.
- [30] ALAM N, AGRAWAL B K, FORTIN M, et al. *Phys Rev C*, 2016, 94(5): 052801.
- [31] GRILL F, PROVIDENCIA C, AVANCINI S S. *Phys Rev C*, 2012, 85: 055808.

- [32] PROVIDENCIA C, RABHI A. *Phys Rev C*, 2013, 87(5): 055801.
- [33] GOMES R O, CHAR P, SCHRAMM S. *Astrophys J*, 2019, 877(2): 139.
- [34] HAN S, MAMUN M A A, LALIT S, et al. *Phys Rev D*, 2019, 100(10): 103022.
- [35] KLAHN T, FISCHER T. *Astrophys J*, 2015, 810(2): 134.
- [36] LOPES L L, BIESDORF C, MENEZES D E P. *Phys Scripta*, 2021, 96(6): 065303.
- [37] ALFORD M G, RAJAGOPAL K, REDDY S, et al. *Phys Rev D*, 2001, 64: 074017.
- [38] ANNALA E, GORDA T, KURKELA A, et al. *Nature Phys*, 2020, 16(9): 907.
- [39] ABBOTT B P, ABBOTT R, ABBOTT T D, et al. *Phys Rev Lett*, 2018, 121(16): 161101.
- [40] MILLER M C, LAMB F, DITTMANN A, et al. *Astrophys J Lett*, 2019, 887(1): L24.
- [41] MILLER M C, LAMB F, DITTMANN A, et al. *Astrophys J Lett*, 2021, 918(2): L28.

## Study of Hadron-quark Mixed Phases in Massive Neutron Stars

JU Min<sup>1,1)</sup>, WU Xuhao<sup>2</sup>, HU Jinniu<sup>3</sup>, SHEN Hong<sup>3</sup>

(1. School of Science, China University of Petroleum (East China), Qingdao 266580, Shandong, China;

2. School of Science, Yanshan university, Qinhuangdao 066000, Hebei, China;

3. School of Physics, Nankai University, Tianjin 300071, China)

**Abstract:** The cores of massive neutron stars can reach densities 5~10 times that of nuclear saturation density, where hadron deconfinement phase transition is highly plausible. In this work, we investigate the structural properties of the hadron-quark mixed phases and their impact on the characteristics of neutron stars. Furthermore, we delve into the possibility of the existence of a pure quark phase core within neutron stars. We investigate the properties of the hadron-quark mixed phases and their influences on the equation of state (EOS) for neutron stars. In this work, we extend the energy minimization (EM) method to describe the hadron-quark mixed phase, where the surface and Coulomb contributions are included in the minimization procedure. By allowing different electron densities in the hadronic and quark matter phases, the total electron chemical potential with the electric potential remains constant, and local  $\beta$  equilibrium is achieved inside the Wigner-Seitz cell. We employ the relativistic mean-field model to describe the hadronic matter, while the quark matter is described by the MIT bag model with vector interactions. It is found that the vector interactions among quarks can significantly stiffen the EOS at high densities and help enhance the maximum mass of neutron stars. Other parameters like the bag constant can also affect the deconfinement phase transition in neutron stars. Our results show that hadron-quark mixed phases may appear in the core of massive neutron stars that can be compatible with current observational constraints.

**Key words:** neutron star; hadron-quark mixed phase

**Received date:** 30 Jun. 2023; **Revised date:** 03 Nov. 2023

**Foundation item:** National Natural Science Foundation of China (11675083, 11775119, 12305148); Shandong Natural Science Foundation (ZR2023QA112); Fundamental Research Funds for the Central Universities t (27RA2210023); Youth Innovation Team Plan Project for Higher Education Institution of Shandong Province (2023KJ072).

1) JU Min. E-mail: [jumin@upc.edu.cn](mailto:jumin@upc.edu.cn)