文章编号: 1007-4627(2016)01-0008-05

# 中子皮厚度测量探针对核物质状态方程的依赖性

孙小艳<sup>1</sup>,方德清<sup>2</sup>,马余刚<sup>2</sup>

(1.临沂大学理学院,山东临沂 276000;2.中国科学院上海应用物理研究所,上海 201800)

**摘要:** 利用同位旋相关的量子分子动力学 (IQMD) 模型模拟了<sup>4</sup>He+<sup>208</sup>Pb 的碰撞反应,发现中子-质子产额 比 (*R*<sub>np</sub>) 与<sup>208</sup>Pb 的中子皮 (δ<sub>np</sub>) 之间存在很好的线性关联,中子-质子产额比可以作为中子皮厚度测量的一 个探针。选取 IQMD 模型中核物质状态方程的两套不同势参数进行模拟,通过对比发现,中子皮的厚度测量 探针 (中子-质子产额比) 对核物质状态方程中选择软势和硬势非常敏感,相同反应条件下,软势比硬势计算所 得的中子质子产额比要低。无论选择何种状态方程参数,中子质子产额比与中子皮之间都存在线性关联。 关键词: 中子皮厚度;量子分子动力学;核物质状态方程

中图分类号: O571.6 文献标志码: A DOI: 10.11804/NuclPhysRev.33.01.008

# 1 引言

原子核内质子与中子的分布半径是核物理研究中 一个基本的物理量,中子密度分布的测量对丰中子核 结构、核相互作用势能、中子星、丰中子物质及其状态 方程的研究具有重要的意义<sup>[1-2]</sup>。质子的分布半径可 以通过电磁相互作用测量而达到很高的精度(一般误差 为0.02 fm),由于中子不带电,现有的实验手段还很难 对其进行直接测量,因而中子的分布半径不像质子那样 可以达到很高的精度。对于比较重的原子核,中子数超 过质子数较多,多余的中子被认为倾向于出现在原子核 的表面,进而在原子核表面形成一个富中子的区域,这 种结构我们称之为"中子皮(δnp)"。从数值上中子皮的 厚度定义为中子均方根半径和质子均方根半径的差,其 大小依赖于核力各部分的平衡。目前对中子皮厚度测量 的精度还很低。许多人采用不同的尝试来研究中子的 分布,例如强子散射<sup>[3-11]</sup>,相对论能量下重离子碰撞 相互作用截面<sup>[12]</sup>、中子擦去截面测量方法<sup>[13]</sup>, 宇称破 缺电子散射<sup>[14]</sup>,饱和点处核物质对称能J与对称能系 数 asym 之差 J-asym<sup>[15]</sup>等。

核物质状态方程作为核物理研究的关键问题,一直 是人们关注的前沿课题之一。通过采用不同平均场的重 离子微观输运理论模型计算结果与实验数据比较,可以 间接地确定核态方程的形式。核物质状态方程表示核子 的能量与核物质密度、温度以及同位旋不对称度的关 系。通常在不考虑温度的情况下,核子能量一般表达式 中有一项同位旋不对称度的二次幂项,我们称之为对称 能。对已有的中子皮研究发现<sup>[16]</sup>,丰中子核的中子皮 厚度与核物质状态方程中对称能项之间存在直接关联, 因而可以从中子皮厚度获取对称能的信息,进而确定核 物质状态方程的形式。

在寻求中子皮厚度测量探针的过程中,我们发现 Ca和Ni等丰中子核碰撞产生的中子质子产额比与中子 皮之间存在很好的线性关联<sup>[17]</sup>,中子质子产额比(*R*<sub>np</sub>) 可以作为丰中子核中子皮厚度测量的一个探针。在模型 中,关于核物质状态方程的参数有两套:软势和硬势。 中子质子产额比作为中子皮厚度测量探针,是否适用 于<sup>208</sup>Pb这个重的稳定核,以及对核物质状态方程的依 赖性如何,是本文的主要工作。

# 2 IQMD模型介绍

量子分子动力学 (QMD) 模型是一个微观输运的理 论模型,在这个模型中,每一个核子的单粒子分布函数 采用一个高斯波包来描述,核子在自洽的平均场中运 动,可以给出任何时刻的核子的坐标与动量。同位旋相 关的量子分子动力学 (IQMD) 模型就是在 QMD 模型的 基础上,在决定中能重离子碰撞动力学的三个基本要 素:相互作用平均场、两体碰撞以及泡利阻塞中引入了 同位旋自由度发展而来的。

收稿日期: 2015-12-14; 修改日期: 2016-01-13

基金项目:国家自然科学基金资助项目(11205079);临沂大学博士科研启动基金项目(LYDX2013BS046);临沂大学校级一般项目资助 作者简介:孙小艳(1983--),女,山东滨州人,副教授,从事粒子物理与原子核物理研究; E-mail: sunxyphy@163.com。

模型中平均场通常表示为

$$U(\rho, \tau_z) = \alpha \left(\frac{\rho}{\rho_0}\right) + \beta \left(\frac{\rho}{\rho_0}\right)^{\gamma} + \frac{1}{2} (1 - \tau_z) V_c + C_{\text{sym}} \frac{(\rho_n - \rho_p)}{\rho_0} \tau_z + U^{\text{Yuk}} + U^{\text{MDI}} , \qquad (1)$$

其中: $\rho_0 = 0.16 \text{ fm}^{-3}$ 是正常核物质密度; $\rho_n$ 、 $\rho_p 和 \rho$ 分别对应于中子、质子以及总的核子密度; $\tau_z$ 是同位 旋 z方向分量,质子等于1,中子对应 -1; $\alpha$ , $\beta 和 \gamma$  是核物质状态方程参数; $C_{\text{sym}}$ 是对称能系数,如 果不考虑对称能项可取 $C_{\text{sym}} = 0$ ,考虑对称能项,则 $C_{\text{sym}} = 32$  MeV。在本次计算中,我们没有考虑 动量相关势,考虑了对称能项。常用的核状态方程参数 有两套:分别是软势所对应的参数(S)和硬势所对应的 参数(H),具体参数取值见表1。

表 1 核物质状态方程两套势参数数值

$\alpha/{\rm MeV}$	$\beta/{\rm MeV}$	$\gamma$	$K/{ m MeV}$	EOS
-356	303	7/6	200	S
-124	70.5	2	380	H

在用 IQMD 模型对靶核<sup>208</sup>Pb 进行相空间初始化时,中子和质子的密度分布是区别对待的,我们采用了

液滴模型密度分布形式[18]。

$$\rho_i(r) = \frac{\rho^0}{1 + \exp(\frac{r - C_i}{f_i t_i / 4 \cdot 4})} , \quad i = n, p , \qquad (2)$$

 $\rho^0$ 是归一化因子,弥散系数 $t_i = 2.18$ , $C_i$ 是中子质子 密度分布半密度半径,

$$C_i = R_i \left[ 1 - \left( \frac{b_i}{R_i} \right)^2 \right] , \quad i = n, p , \qquad (3)$$

 $b_i = 0.413 f_i t_i$ ,  $R_i$ 是中子或者质子的等价表面半径,这些值都可以从液滴模型<sup>[18]</sup>中得到。引入了 $f_i$ 来调节弥散度系数,质子 $f_p = 1.0$ ,调节中子弥散度系数 $f_n$ 从1.0到1.6,可以得到一系列不同弥散度的中子密度分布。我们用液滴模型计算了<sup>208</sup>Pb在不同弥散系数下的密度分布,图1(a)图为 $f_p=f_n=1.0$ 时的密度分布,对于<sup>208</sup>Pb,中子数多于质子数82个,因此中子密度分布大于质子密度分布。图1(b)为 $f_n$ 分别取值1.0和1.6时的密度分布对比,从图中我们可以看到弥散系数越大,中子密度分布尾部核子密度越高。



图 1 液滴模型计算<sup>208</sup>Pb 质子密度分布和fn=1.0, 1.6时中子密度分布

把液滴模型计算得到的密度分布输入到 IQMD 中 作为抽样函数,利用 Monte-Carlo 方法分别抽样出弹核 与靶核的中子和质子的径向坐标 *r<sub>i</sub>*,有了核子的径向位 置坐标,我们就可以进一步抽样得到核子的空间坐标。 核子在动量空间的抽样所采取的局域费米动量是区分中 子和质子的,即

$$p_{\rm F}^{i} = \hbar (3\pi^{2} \rho_{i}(\boldsymbol{r}))^{1/3}$$
,  $i = {\rm n,p}$  (4)

核子动量的大小从 [0, *p*<sub>F</sub>] 进行随机抽样得到。这样我们 就可以得到初始核的相空间信息。

抽样出的初始核应该检验其稳定性,初始核基态传 播的稳定性一般是通过观察其均方根半径、均方根动量 以及平均结合能随时间的演化来检验的。随着中子弥 散度系数的增大,靶核<sup>208</sup>Pb的均方根半径增大,结合 能降低。为了研究中子皮厚度,我们引入液滴模型,通 过调节液滴模型中的中子弥散度系数来调节中子的密 度分布,中子和质子的密度分布是区别对待的。液滴模 型在计算中子密度分布时,大部分中子分布在中心区 域,少部分中子分布在外围,利用IQMD模型计算得 到的结合能比不引入液滴模型进行初始核抽样时计算 的结合能要大;同时不同弥散度系数下对应的结合能是 不同的,为了减少对结合能的不合理的约束,我们对稳 定核结合能的检验只看其稳定性。图2显示靶核<sup>208</sup>Pb 均方根半径和结合能随时间的演化图。从图2中我们看 出 200 fm/c 的演化时间内涨落很小,符合我们挑选稳 定核的条件。把挑选出的稳定初始核的相空间信息输 入到 IQMD 模拟碰撞反应,碎片是通过一个同位旋相 关的核子组合模型来实现的,即把核子间相对动量小 于300 MeV/c 并且相对距离小于 3.5 fm 的核子合并成 一个簇团。



图 2 (在线彩图) 靶核<sup>208</sup>Pb在中子弥散度系数 $f_n = 1.0$ , 1.3和1.6时的均方根半径和结合能随时间的演化

## 3 结果与讨论

本文用 IQMD 模型模拟了  ${}^{4}\text{He}+{}^{208}\text{Pb}$  碰撞系统在 入射能量为 E/A = 50 MeV 的核反应。中子弥散度系 数  $f_n$  分别取值 1.0~1.6,对应于  ${}^{208}\text{Pb}$  的中子皮厚度分 别为: 0.0843, 0.1299, 0.1795, 0.2330, 0.2903, 0.3511, 0.4155 fm。

周边碰撞所得到的中子质子产额比要比中心碰撞 高<sup>[15]</sup>,中国科学院近代物理研究所研究人员在他人的 强子散射实验数据中也发现测量中子皮厚度的主要误 差也来源于表面区域<sup>[13]</sup>。因此我们选取周边碰撞反应, 即碰撞参数选择6~8 fm。<sup>4</sup>He+<sup>208</sup>Pb碰撞系统中,我 们要寻找敏感于靶核<sup>208</sup>Pb中子皮的实验可观测量,需 要把炮弹的影响降到最低,我们引入了炮弹归一后的快 度*Rap*,选择*Rap*<0来排除来自炮弹的碎片。快度计 算公式如下,

$$Rap = \frac{1}{2}\log\frac{E+P_z}{E-P_z}/Rap_{\text{proj}} , \qquad (5)$$

其中: *E*是碎片的能量;  $P_z$ 是动量的z分量,  $Rap_{proj}$ 是炮弹的快度。

下面是对于核物质状态方程中选择的两套不同的参数进行对比。

#### 3.1 核物质状态方程选择软势时数据分析

选择软势时,对应于表1中*S*参数,即: $\alpha = -356$  MeV, $\beta = 303$  MeV, $\gamma = 7/6$ , K = 200 MeV;当中子 弥散度系数选择  $f_n = 1.0$  时,此时对应<sup>208</sup>Pb 的中子皮 厚度为0.0843 fm。由于靶核是丰中子核,因此,来自 靶的  $R_{np}$  应该大于来自炮弹和靶两部分的  $R_{np}$ 。如图 3 所示,实心方块是取快度 Rap < 0,即来自靶核<sup>208</sup>Pb 的  $R_{np}$  随时间演化图,实心圆点表示来自炮弹和靶两部 分的  $R_{np}$  随时间演化图,可以看到对于快度取 Rap < 0 这种情况, $R_{np}$  的值要更大。



图 3 实心方块是取快度*Rap* < 0时*R*np 随时间的演化,实 心圆点表示来自炮弹和靶两部分的*R*np随时间的演化

中子弥散度系数  $f_n$ 分别选择  $1.0 \sim 1.6$ ,就得到一系列中子皮数据。分析不同  $f_n$ 下 IQMD 模型计算结果,在 Rap < 0时,发现  $R_{np}$ 与中子皮之间存在很好的线性关联,如图 4 用线性公式进行拟合,就能够得到中子皮



图 4 实心方块是*R*<sub>np</sub> 与<sup>208</sup>Pb中子皮δ<sub>np</sub>的关联,直线是 对数据进行线性拟合的结果

 $\delta_{np}$ 与 $R_{np}$ 的关系,如果实验上测量得到 $R_{np}$ 的准确数据,就能够通过这个公式计算出中子皮厚度的数据。

## 3.2 核物质状态方程选择硬势时数据分析与对比

由密度依赖指数 $\gamma$ 值基本上可以将参数分为两大 类,硬势(Hard)和软势(Soft)两种。硬势对应的 $\gamma = 2$ , 软势对应的 $\gamma = 7/6$ ,选择硬势时,参数对应于表1 中H参数: $\alpha = -124$  MeV, $\beta = 70.5$ MeV, $\gamma = 2$ , K = 380 MeV; 当 $f_n = 1.0$ ,我们对比硬势和软势下中 子质子产额比随时间演化情况,如图5所示,选择硬势 时 $R_{np}$ 要比软势高。采用软的对称势时计算给出的出射 核子的N/Z之比要比硬的对称势所给的相应的N/Z之 比要高<sup>[19]</sup>,因而自由中子与质子的产额比要低。这与 我们计算得出的结果也是一致的。



图 5 空心圆是状态方程选择软势时R<sub>np</sub>随时间的演化,实 心方块表示状态方程选择硬势时R<sub>np</sub>随时间的演化

在状态方程选择硬势时,中子弥散度系数 fn 分别选择1.0~1.6,得到了中子皮厚度与 Rnp 的关联,如 图 6 所示,从图中我们可以看到选择硬势状态方程所对 应的参数时,中子皮厚度与 Rnp 仍然存在关联,而且计



图 6 实心方块是状态方程选择软势时所对应的中子-质子 产额比 R<sub>np</sub> 与中子皮厚度的关联,空心圆是硬势下中 子-质子产额比 R<sub>np</sub> 与中子皮厚度的关联

算得到的中子质子产额比要比软势时高。状态方程选择 硬势时具有更强的排斥势,促使更多质子和中子发射出 来,使得碰撞之后,测得的产物中质子中子的来源更加 复杂。对中子皮已有研究显示其主要误差也来源于表面 区域<sup>[15]</sup>,因而选择硬势时,中子皮与*R*<sub>np</sub>的关联会有 偏差。

## 4 结论

本文用 IQMD 模型模拟了<sup>4</sup>He+<sup>208</sup>Pb 碰撞系统的 核反应。发现中子-质子产额比与中子皮之间存在很好 的线性关联,可以作为<sup>208</sup>Pb 中子皮厚度测量的探针。 当选取核物质状态方程中不同势参数时,中子-质子产 额比也发生变化,相同反应条件下,软势对应的中子-质子产额比要低于硬势下所得到的中子-质子产额比。 但是无论选择哪种参数,中子-质子产额比都与中子皮 厚度存在线性关联。

## 参考文献:

- LI Kuoang, YE Yanlin. Nucl Sci Tech, 2014, **37**: 100501. (in Chinese)
   (李阔昂, 叶沿林. 核技术, 2014, **37**: 100501)
- [2] ZHANG Zhaowen, SHEN Hong. Nucl Sci Tech, 2014, 37: 100514. (in Chinese)

(张肇文, 申虹. 核技术, 2014, 37: 100514)

- [3] HOFFMANN G W, RAY L, BARLETT M, et al. Phys Rev C, 1980, 21: 1488.
- [4] ZENIHIRO J, SAKAGUCHI H, MURAKAMI T, et al. Phys Rev C, 2010, 82: 044611.
- [5] GARCIA-RECIO C, NIEVES J, OSET E, et al. Nucl Phys A, 1992, 547: 473.
- [6] RAY L, COKER W R, HOFFMANN G W, et al. Phys Rev C, 1978, 18: 2641.
- [7] STARODUBSKY V E, HINTZ N M. Phys Rev C, 1994, 49: 2118.
- [8] CLARK B C, KERR L J, HAMA S. Phys Rev C, 2003, 67: 054605.
- [9] TRZCINSKA A, JASTRZEBSKI J, LUBINSKI P, et al. Phys Rev Lett, 2001, 87: 082501.
- [10] DONNELLY T W, DUBACH J, SICK INGO. Nucl Phys A, 1989, 503: 589.
- [11] TAMII A, POLTORATSKA I, VON NEUMANN-COSEL P, et al. Phys Rev Lett, 2011, 107: 062502.
- [12] SUZUKI T, GEISSEL H, BOCHKAREV O, et al. Phys Rev Lett, 1995, 75: 3241.
- [13] MA Chunwang, FU Yao, FANG Deqing, et al. Chinese Physics B, 2008, 17: 1674.
- [14] ABRAHAMYAN S, AHMED Z, ALBATAINEH H, (PREX Collaboration) et al. Phys Rev Lett, 2012, 108: 112502.
- [15] DONG Jianmin, ZUO Wei, GU Jianzhong. Phys Rev C, 2015, 91: 034315.

- [16] Centelles M, Roca-Maza X, Vinas X, et al. Phys Rev Lett, 2009, 102, 112502.
- [17] SUN Xiaoyan, FANG Deqing, MA Yugang, *et al.* Phys Lett B, 2010, **682**: 396.
- [18] MYERS W D, SCHMIDT K H. Nucl Phys A, 1983, **410**: 61.
- [19] ZHANG Yingxun, LU Xiaohua, ZHAO Kai, et al. Nuclear Physics Review, 2011, 28(4): 377. (in Chinese) (张英逊, 卢晓华, 赵凯, 等. 原子核物理评论, 2011, 28(4): 377.)
- Nuclear Equation of State Dependence of the Probe of Neutron Skin Thickness

SUN Xiaoyan<sup>1,1)</sup>, FANG Deqing<sup>2</sup>, MA Yugang<sup>2</sup>

(1. School of Sciences, Linyi University, Linyi 276000, Shandong, China;

2. Shanghai Institute of Applied Physics, Chinese Academy of Sciences, Shanghai 201800, China)

**Abstract:** The reaction system of <sup>4</sup>He + <sup>208</sup>Pb has been simulated by Isospin-dependent Quantum Molecular Dynamics (IQMD) mode and it was found that the neutron-to-proton yield ratio  $(R_{np})$  has a good linear relationship with the neutron skin thickness of <sup>208</sup>Pb. Therefore  $R_{np}$  could be taken as a probe of neutron skin thickness of <sup>208</sup>Pb. Using two sets of parameters for the nuclear equation of state (EOS) in IQMD model, it shows that  $R_{np}$  is sensitive to nuclear equation of state. The calculation results of  $R_{np}$  with the soft EOS is lower than the hard EOS. No matter which kind of EOS parameter has been chosen, however,  $R_{np}$  holds a good linear correlation with the neutron skin thickness.

Key words: neutron skin thickness; IQMD model; nuclear equation of state

Received date: 14 Dec. 2015; Revised date: 13 Jan. 2016
Foundation item: National Natural Science Foundation of China(11205079); Doctoral Research Fund of Linyi University (LYDX2013BS046); General Project of Linyi University

<sup>1)</sup> E-mail: sunxyphy@163.com.